پیشبینی عمر خستگی پرچرخه تحت بارگذاری دامنه متغیر با استفاده از روش ترموگرافی

چکیدہ

در این مقاله عمر فلزات تحت بارگذاری خستگی با دامنه متغیر مورد برر سی قرار گرفته است. به همین منظور از روش مکانیک آ سیب پیو سته برای مدل سازی پارامتر آ سیب بهره گرفته شده که در آن میزان انرژی اتلافی در هر سیکل در واحد حجم بهعنوان شاخص آسیب شناخته میشود. مدل آسیب معرفی شده در این مقاله توانایی استفاده در مسائل با دامنه متغیر را دارد، به همین دلیل در این مطالعه یک نمونه از جنس فولاد 2235، در نرمافزار آباکوس شبیه سازی و از دو زیر روال TMAT و UMATHT برای استخراج همزمان انرژی اتلافی در هر سیکل و دما مربوط به آن استفاده شده است. به منظور برر سی عمر خستگی تحت بارگذاری دامنه متغیر، دو بلوک بارگذاری با دامنههای مختلف در نظر گرفته شده است. حالات مختلفی برای این دو بلوک بارگذاری در نظر گرفته شده است که نتایج آنها نشان می دهد مدل آسیب معرفی شده حساسیت بالایی نسبت به تاریخچه و توالی بارگذاری دارد؛ هم چنین مطابقت خوبی بین نتایج این پژوهش و نتایج آزمایشگاهی وجود دارد.

کلمات کلیدی: عمر خستگی پرچرخه، روش مکانیک آسیب، شاخص آسیب، میزان انرژی اتلافی در هر سیکل، ترموگرافی

Prediction of High Cycle Fatigue Life with Variable Loading Amplitude using Thermography Method

Abstract

In this article, the life of metals under fatigue loading with variable amplitude has been investigated. For this purpose, the continuum damage mechanics method is used to model the damage parameter, in which the amount of dissipated energy in each cycle per volume is known as the damage index. The damage model introduced in this article has the ability to be used in problems with variable amplitude, therefore, in this study, a specimen of Q235 steel was simulated in Abaqus software and from two subroutines UMAT and UMATHT to simultaneously extract dissipated energy in Each cycle and its corresponding temperature were used. In order to investigate the fatigue life under variable amplitude loading, Two blocks with different amplitudes have been considered. Different types have been considered for these two blocks, and their results show that the introduced damage model has a high sensitivity to the loading history and sequence; Also, there is a good agreement between the results of this research and the experimental results.

Keywords: High cycle fatigue, Continuum damage mechanic, Damage index, Dissipated energy in each cycle.

* نويسنده مسئول؛ تلفن: ٥١٣٨٨٠٥١۵٩

آدرس پست الکترونیک: <u>mshariati44.profcms.um.ac.ir</u>

۱- مقدمه

قطعات مکانیکی در بارگذاری خستگی پرچرخه مستعد بروز ریزترکها ه ستند. ارزیابی و پیشبینی زمان شروع ترک در این قطعات، برای بازدیدهای دورهای و برنامهریزی تعمیر و نگهداری آنها، از اهمیت شایانی برخوردار است. بررسی پدیده شکست خستگی پرچرخه نشان میدهد این پدیده با وقوع ریزترکها آغاز و تحت تأثیر تنشهای نوسانی رشد میکند

یکی از مهمترین چالشها در تحلیل خستگی "تخمین عمر" قطعات است؛ چراکه آسیب در خستگی پرچرخه در تنشهایی بهمراتب کمتر از تنشهای تسلیم اتفاق میافتد؛ همچنین در مقیاس میکروسکوپی، جوانهزنی ریزترکها در عیوب و نابجاییهای ماده رخ میدهد و حتی هنگام ر شد آسیب نیز، هیچ ذشانهای از شکست دیده نمی شود.

۲- مطالعات پیشین

۲-۱- مبانی کلی شکست نرم

شکست در فلزات به صورت دو دسته کلی شکست نرم و ترد رخ می دهد. با توجه به ســاختار بلوری فلزات، در جهٔ حرارت، میزان نیرو، نرخ بار گذاری و ابعاد قطعه یکی از این نوع شکست ها رخ می دهد . از مشخصات شـکسـت نرم می توان به موارد ذیل اشـاره کرد : گلویی شدن موضع شکست تحت تأثیر تنش کششی، یا نازکی موضعی و ایجاد حفره های بسیار ریز در درون قسمت گلویی، اتصال آنها به یکدیگر تا رسیدن به حد یک ترک ریز و رشد آرام ترک تا حد پارگی یا شکست نهایی است .در شکست نرم، در ناحیهٔ گلویی ابتدا حفره های ريز جوانه ميزنند و سپس اين حفرهها رشد ميكنند و به هم می پیوندند و گسیختگی ایجاد می شود. با تکرار این جوانهزنی حفر ه ها و پیوستن آنها به یکدیگر، خرابی ر شد میکند و پس از ر سیدن به میزان بحرانی، سرعت رشد خرابی و آسیب افزایش می یابد و باعث ایجاد شکست نهایی می شود. توانایی پیشبینی شروع خرابی، از مسائل مهم این حوزه است [۱].

برای بررسی آن معمولا سـه روش کلی وجود دارد که عبارتند از:

الف) معیار شکست ناگهانی: بر مبنای این روش، خرابی زمانی رخ میدهد که یک متغیر خارجی که غیرکوپل با متغیرهای داخلی است، به مقدار بحرانی خود برسد.

ب) رفتار پلاستیک مواد متخلخل: این روش ماده را به صورت ماده متخلخل فرض میکند و آسیب بر مبنای میزان و سرعت به هم پیوستگی حفره ها بیان می شود.

ج) مکانیک آ سیب پیو سته: در این روش فرض بر این است که خرابی یک پارامتر داخلی است که بهصورت یک فرآیند برگشــت ناپذیر در ســاختار میکروماده اتفاق میافتد.

یکی از کارآ مدترین روش ها برای ارزیابی آسیب ب خستگی استفاده از روش مکانیک آسیب است که در ادامه بصورت کامل توضیح داده شدهاست. با استفاده از این روش ضمن بدست آوردن میزان آسیب و ارزیابی عمر نمونه تحت بارگذاری خستگی، میتوان اثر تاریخچه بارگذاری و توالی بارگذاری را در مواردی که بارگذاری خستگی با دامنه متغیر اعمال میشود، در نظر گرفت.

۲-۲- روش مکانیک آسیب

این روش برای شناسایی خستگی و نشان دادن خرابی های داخلی قبل از پدید آمدن ترک های ماکروسکوپی ارائه شد و رفتار مکانیکی در مقیاس ماکرو سکوپی و تجمع ر شد خرابی را تا زمانی که به حد بحرانی برسد مورد بررسی قرار می گیرد [۲, ۳].

این مدل برای اولین بار توسط کاچانوف ارائه و متغیرهای آسیب واحدی برای اندازه گیری ترکها و حفرهها تعریف شد. لمتق و چبوش، روشهای بنیادین در مکانیک آسیب پیوسته ارائه دادند که در ادامه توضیح داده می شوند [۴]. شیاوو مدل مکانیک آسیب پیو سته برای خستگی پر چرخه را ارائه داد و نتایج خوبی بین پیشبینی عمر خستگی و مدل آزمای شگاهی به د ست آورد [۳].

آسیب یک کاهش تدریجی در خواص ماده است که به علت ایجاد و رشـد حفرههای کوچک و نقصها حاصـل میشود. در روش مکانیک آسیب پارامتر آسیب D مطابق رابطه (۱) برای نشـان دادن چگالی سـطح ریزترکها و حفرهها در هر صفحه از واحد حجم معرفی میشود. $D = \frac{S - \overline{S}}{S}$

در رابطه(۱) و مطابق شکل ۱، S ناحیه بدون آسیب، S_D سطح آسیب دیده و \overline{S} ناحیه مؤثر که توانایی تحمل بارگذاری را دارد، می باشد. اگر P نیروی واردشده بر سطح باشد، آنگاه تنش عمودی بر این سطح مطابق رابطه (۲) تعریف می شود. هم چنین در المانی که تحت آسیب قرار گرفته است، سطح آسیب دیده، ظرفیت بارپذیری خود را از دست می دهد؛ لذا سطح مؤثر بارگذاری سطح \overline{S} می با شد. بنابراین تنش مؤثر به صورت زیر تعریف می شود.

 $\overline{\sigma} = \frac{P}{\overline{S}} = \frac{P}{S(1-D)}$

در مورد کرنش این گونه فرض می شود که تنها اثر آسیب بر کرنش، از طریق تنش مؤثر اعمال می شود، درواقع رفتار کرنش در مواد آسیب دیده مشابه قطعات سالم است، با این تفاوت که تنش با تنش مؤثر جایگزین می شود.

(٢)



روشهای مستقیم اندازه گیری شکل گیری ترکها، فضاهای خالی و آسیب کار دشواری است، لذا بهتر است از روشهای ماکروسکوپی استفاده گردد. وقتی کرنش پلاستیک رخ میدهد، خرابی میتواند با کاهش مدول الاستیک بعد از هر چرخه بیان شود. بنابراین متغیر آ سیب با ارتباط بین مدول الا ستیک باربرداری و مدول الاستیک اولیه محا سبه می شود. مطابق این روش، اگر Bمدول الا ستی سیته ماده سالم و D پارامتر آ سیب، مدول الاستیسیته ماده دارای خرابی (\overline{E}) از رابطه (۳)

$$\overline{\mathrm{E}} = (1 - \mathrm{D})\mathrm{E}$$

(۳)

مطالعات متعددی در راستای استفاده از روش مکانیک آ سیب پیو سته انجام شدها ست. چاندرخان و پاندی [۶] یک مدل ایزوتروپیک آسـیب پیوسـته در چارچوب متغیرهای داخلی تئوری ترمودینامیک پیشـنهاد کردند. این مدل آسـیب براسـاس تنش مؤثر و اصـول کرنش معادل بنا شـده است. این مدل تغییرات غیر خطی را با توجه به کرنش پلاستیک نشان می دهد. صحت سنجی این مدل با استفاده از نتایج آزمایشگاهی آلیاژ آلومینیوم انجام شد. اشکال این مدل پیچیدگی زیاد آن و استفاده از پارامترهایی است که محاسـبهٔ آنها تجربی است و روش مشخصی برای تعیین آنها تو سط نویسندگان ارائه نشدهاست.

بنورا [۷] مدلی غیر خطی را براساس مشاهدات تجربی توسعه داد، که نشان می داد رشد حفره ها، نتیجه آسیب غیرخطی همراه با تغییر شکل پلا ستیک است. این مدل نشان میدهد در هنگام تغییر شکل های پلاستیک، تابع توزیعی برای پتانسیل شکست وجود دارد که تابعی غیرخطی برح سب مجموع کرنش مؤثر پلا ستیک است. همچنین این مدل بعدا برای تشریح اثر تنش سه محوره برای پیش بینی شکست نرم در فولاد A533 توسعه داده شد.

مکانیک آسیب پیوسته برای شکست خستگی نیز، در جایی که تغییر شـکل پلاسـتیک نقش اصـلی در ایجاد

خرابی و گسیختگی دارد، قابل تعمیم است. بنورا [۸] مدل غیر خطی آسیب را برای بارگذاریهای سیکلی تعمیم داد. مزیت اصلی مدل ارائه شده توسط بنورا، محا سبهٔ پارامترهای مدل پیشنهاد شده با استفاده از نتایج آزمایش کشش یا بارگذاری سیکلی است.

با توجه به این که برخی از مواد با توجه به ماهیت خود دارای رفتار غیرایزوتروپیک ه ستند، برر سی شک ست و گ سیختگی نرم در این مواد نیز مورد توجه محققان بوده و مد لهایی برای پیش بینی رفتار این مواد در شکست نرم ارائه شده است [۹].

مشایخی و ضیایی راد [۱۰] از یک فرآیند تجربی فولاد برای تعیین متغیرهای شکست فولاد A533 استفاده کردند. آنها یک مدل آسیب الاستو-پلاستیک را در نرمافزار آباکوس توسعه دادند . سپس این مدل را برای شبیه سازی رفتارگسیختگی نرم بر روی قطعهٔ شیاردار به کار گرفتند . متغیرهای آسیب حاصل در شبیه سازی قطعه تحت تست فشار مورد استفاده قرار گرفت. آنها نیروهای عکس العملی و بار بحرانی برای شروع ترک را محاسبه و با مقدار حاصل از آزمایش مقایسه کردند.

تاکر و پاندی [۱۱] یک مدل برای تغییرات آسیب پیوستهٔ ایزوتروپیک در چهار چوب متغیرهای داخلی ترمودینامیک ارائه دادند. این مدل برا ساس ا صول تنش مؤثر و کرنش معادل است.

از آنجاکه خستگی در بیش تر موارد به صورت یک پدیده چند محوری است، بنابراین یکی از بهترین شاخصها برای بررسی خستگی استفاده از انرژی، بهعنوان شاخص آ سیب خستگی، می با شد. در مطالعه حاضر از میزان گرمای اتلافی در هر سیکل بهره گرفته شده است. بیش تر شاخصهای آ سیب مورد استفاده در مطالعات پیشین توانایی در نظر گرفتن اثر رفتار ریزساختار ماده را ندارند، اما استفاده از میزان گرمای اتلافی در هر سیکل، به دلیل وابستگی این شاخص به دمای نمونه، این مشکل را برطرف کرده است. در ادامه

بهطور کامل شاخص مورد ا ستفاده در این پژوهش مورد بررسی قرار گرفتهاست.

۲-۳- مدلهای انباشت آسیب در خستگی

بیش تر اجزای مکانیکی در معرض بارگذاری خستگی و تجمع آسیب ناشی از این نوع بارگذاری هستند. ازاینرو انبا شت آسیب خستگی و پیش بینی عمر مفید قطعات در طراحی سازه ها از اهمیت ویژه ای برخوردار است. مفهوم محاسب به خستگی تجمعی به د هه ۱۹۲۰ برمی گردد [۱۲]. سپس در سال ۱۹۴۵ فرضیه مشابهی توسط ماینر فرمول بندی شد که امروزه به طور گسترده با عنوان قاعده پالمگرن – ماینر، قانون آسی بب خطی، شناخته می شود [۱۳]. بر اساس این قاعده آسیب ناشی از خستگی برابر با نسبت چرخه انباشت است که به صورت رابطه (۴) بیان می شود.

 $D = \sum \frac{N_i}{N_f}$ (f)

در رابطه (۴)، *N_i* تعداد سیکل گذرانده شده، *N_f* تعداد سیکل بارگذاری تا وقوع شکست در هر بلوک بارگذاری خستگی و D میزان آ سیب انبا شته شده تحت بارگذاری خستگی میباشد.

این قاعده، به دلیل سادگی، در استانداردهای صنعتی به منظور طراحی خستگی سازههای فلزی مورد استفاده قرار گرفته است. شوتز [۱۴] طی مطالعه خود نشان داد که اختلاف زیادی بین طول عمر بهد ستآمده از آزمایش و عمر پیش بینی شده توسط قاعده ماینر وجود دارد. در قاعده ماینر اثر توالی بار و تاریخچه بارگذاری در نظر گرفته نشده است و این موضوع باعث ایجاد اختلاف بین نتایج آزمایشگاهی و نتایج حاصل از قاعده ماینر می شود.

در طول سالها، تلاشهای زیادی برای بهبود پیشبینی آسیب بهدستآمده از قاعده ماینر صورت گرفته است. برای مثال مارکو و استارکی [۱۵] یک فرمول آسیب غیرخطی را برای اولین بار با استفاده از مطابق شـکل ۲ در طول فرآیند خسـتگی، نمودار دما نسبت به عمر خسـتگی دارای سـه فاز است که در فاز نخ ست با شروع بارگذاری خ ستگی دما افزایش مییابد. پس از گذ شت تعداد محدودی چرخه، انرژی تلف شده و تلفات ناشی از تبادل حرارت بین نمونه و محیط به حالت تعادل میرسـد (فاز II). نکته قابل توجه این اسـت که بیش تر عمر خسـتگی در ناحیه دمایی مربوط به فاز II می باشـد، به طوری که می توان کل عمر نمونه را تحت بارگذاری خسـتگی، در فاز II در نظر گرفت. پس از طی فاز دوم افزایش دما مجددا شروع شده و شیب نمودار دما نسـبت به عمر خسـتگی افزایش مییابد. در این مرحله ماکرو ترکها ایجاد می شوند و پس از طی چند سـیکل قطعه دچار شکست می شود [۲].



بطور کلی روش های حرارتی بر اساس پدیده خودگرمایی یک نمونه فلزی در بارگذاری خستگی است. براساس مکانیزم خودگر مایی، روش های حرارتی را میتوان بطور کلی به دسته های زیر تقسیم بندی کرد. الف) روش های حرارتی که مستقیما دما از روی سطح نمونه اندازه گیری می شود و بعنوان شاخص خستگی در نظر گرفته می شود [۲۵, ۲۵].

ب) روش های حرارتی با پردازش ســیگنال بمنظور ارزیابی مولفههای آن [۲۶].

یک تابع نمایی برای توضیح اثر توالی بارگذاری بر عمر خستگی پیشنهاد کردند. چنگ و پلامتری [۱۶] از اصول مکانیک آ سیب پیو سته برای تو سعه یک مدل انبا شت غیرخطی اســـتفاده کردند. فاطمی و یانگ [۱۷] قانون ماینر را ا صلاح کردند تا دقت پیش بینی آ سیب را بهبود ببخشــند. مائو و همکارش [۱۸] مدلی را برای فرآیند تکامل آسیب ایجاد کردند تا کاهش خواص مکانیکی در فرآیند خستگی را کمیسازی کنند. کرایزر و همکاران [۱۹] یک روش انرژی برای پیشبینی عمر خستگی با ا ستفاده از انرژی کرد شی بهعنوان پارامتر ا صلی آ سیب ای جاد کرد ند. امیری و خوانساری [۲۰] و نادری و همکاران [۲۱] عمر خستگی را با استفاده از رویکرد ترمودینامیکی بر ا ساس تولید آنتروپی تجمعی به د ست آوردند، آن ها فرض کردند که تکامل آسیب تحت بارگذاری خســتگی مســتقیما با تولید آنتروپی مرتبط است. در مطالعات ژی کیانگ و همکاران [۲۲]، ابتدا یک مدل غیر خطی معرفی و پس از آن، مدل اصلاح شده انباشـت آسـیب خسـتگی غیرخطی ارائه شـدهاسـت که اثرات متقابل بار را محا سبه می کند. مدل ا صلی مبتنی بر تخریب خواص فیزیکی مواد است که در آن اثرات اندر کنش بار نادیده گرفته می شود؛ با این حال، اثرات متقابل بار تأثیر قابل توجهی بر عمر خســتگی دارد. در مدل اصلاح شده، با تجزیه و تحلیل چند مدل آسیب، یک پارامتر اندرکنش بار به د ست آمده و به مدل ا صلی ا ضافه شده ا ست. همچنین در مطالعه آیران [۲۳] یک مدل آ سیب خستگی جدید ارائه شدهاست که مبتنی بر پارامترهای معمول منحنی S-N مواد است و نیازی به تعیین پارامتر مادی اضافی یا اصلاح منحنی S-N ندارد. مدل پیشنهادی در مطالعه آنها در اتصالات جو شی لب به لب و فیلت مورد استفاده قرار گرفته و عمر خستگی پیش بینی شـده مطابقت بهتری با نتایج تجربی در مقایسه با مدل های قبلی نشان می دهد.

۳- مبانی تئوری مدل آسیب ۳-۱- رفتار دمایی نمونه تحت بارگذاری خستگی

ج) روشهای حرارتی مبتنی بر آنتروپی بدست آمده از اندازه گیری دمای سطح [۲۱].

د) روش های حرارتی مبتنی بر اتلاف گر مای ویژه در هر سیکل [۲۷].

در حال حاضر بیش تر روش های ترموگرافی به شرایط خستگی پرچرخه محدود می شوند و تنها تعداد کمی مطالعه برای شرایط خستگی کم چرخه قابل استفاده هستند.

٣-٢- معرفي شاخص آسيب بهطور كلى خستگى يک پديده اتلافي شامل تجمع آسیب هست. در فلزات، در رژیمهای خستگی کمچرخه و پرچرخه، تغییر شکلهای پلاستیک برگشتناپذیر م سئول پدیده شروع ترک و ر شد ترک ه ستند. شروع تغییر شـکلهای پلاسـتیکی غیرقابلبرگشـت در طول آزمایش خستگی به این معنی است که مقداری تبادل انرژی در طول یک سیکل خستگی ایجاد شدها ست. از کل انرژی صـرف شـده برای ایجاد تغییر شـکلهای پلاستیک مکرر در واحد حجم، بخشی از آن بهصورت انرژی داخلی انبا شته و قسمت باقیمانده به صورت گرما به اطراف پخش می شود. به طور دقیق تر در رژیم خستگی کمچرخه مقدار انرژی داخلی ذخیرهشده در ماده تقریبا برابر انرژی است که بهصورت گرما تلف میشود؛ درحالی که در خستگی پرچرخه بیشتر انرژی مکانیکی به گرما تبدیل می شود. در مطالعات اخیر از انرژی اتلاف شده در هر سیکل در واحد حجم بهعنوان شاخص آسیب ا ستفاده شدها ست. برای د ستیابی به این شاخص لازم است از معادله تعادل انرژی استفاده شود که در ادامه به آن يرداخته مي شود [۲۷, ۲۹].

از آنجاکه انرژی داخلی ذخیرهشده در ماده مسئول تجمع آسیب ناشی از خستگی است، تکنیکهای خاصی برای استخراج آن بهعنوان تفاوت بین انرژی مکانیکی مصرفشده و انرژی آزادشده بهعنوان گرما پیشنهاد شدهاست. با وجود اینکه این رویکرد از دیدگاه تجربی

جذاب است، اما در رژیم خستگی پرچرخه بیش تر انرژی مکانیکی به گر ما تبد یل می سود و انرژی درونی ذخیره شده که از اختلاف انرژی مکانیکی و گرما به دست می آید با عدم قطعیت های زیادی روبرو می شود. به منظور تخمین انرژی گرمایی ویژه، از معادله تعادل انرژی مطابق رابطه (۵) استفاده می سود. در این معادله W انرژی مکانیکی در هر سیکل در واحد حجم ماده که بخشی از آن به گر ما (Q) تبدیل و بخش دیگر آن به تغییر در انرژی داخلی (ΔU) منجر می شود.

$$W = Q + \Delta U \tag{(a)}$$

در معادله (۵) انرژی مکانیکی در هر سیکل مطابق رابطه (۶) و تغییرات انرژی داخلی از رابطه (۷) به د ست خواهد آمد.

(*) $W = \oint \sigma_{ij} d\varepsilon_{ij} \qquad (*)$ $\Delta U. f = \rho c \frac{\partial T}{\partial t} + \dot{E}_P \qquad (V)$ $c \quad \text{(v)}$ $c \quad \text{(v)}$ $e \quad c \quad \dot{E}_p \quad$

(٨)

در معاد له (۸)، H توان گر مایی در هر نقطه از ماده است که می تواند در قالب فر آیندهای رسانش، تشعشع و جابجایی منتقل شود.

 $W.f = H + \rho c \frac{\partial T}{\partial t} + \dot{E}_{P}$

همان طور که در شکل ۲ نشان داده شدها ست پس از زمان معینی از آغاز آزمایش خستگی، دما ثابت خواهد شد؛ به عبارت دیگر بخش عمدهای از کار اعمال شده در یک سیکل در واحد حجم ماده به گرما تبدیل می شود و تغییرات دما در واحد زمان به صفر می رسد؛ بنابراین تغییرات انرژی داخلی در هر سیکل فقط وابسته به پارامتر <u>ج</u> می باشد که بر اساس رابطه (۹) از اختلاف بین

انرژی مکانیکی در واحد حجم و انرژی گرمایی منتقلشده به محیط در ناحیه تعادل دمایی به دست خواهد آمد؛ بنابراین معادله تعادل انرژی در فاز تعادل دمایی بهصورت رابطه (۹) به دست خواهد آمد [۲۷]. (۹) $H + E_P$

همان طور که گفته شد در خستگی پرچرخه بیش تر انرژی مکانیکی به گرما تبدیل می شود و می توان از مقدار انرژی درونی ایجاد شده در ماده تحت بارگذاری خستگی صرف نظر کرد؛ بنابراین مطابق رابطه (۹) برای استخراج میزان انرژی حرارتی اتلافی، کافیســت مقدار انرژی مکانیکی را به دست آورد.

۳-۲- مدل پیشنهادی برای ارزیابی عمر خستگی بر اساس مقدار انرژی اتلافی در هر سیکل بارگذاری

دویی و ژنلین [۱۵] یک فرمول آسیب برای تجزیه و تحلیل و تکامل آسیب خستگی ایجاد کردند. آن ها از کاهش انرژی کرنش پلاستیک در هنگام شکست خستگی برای ایجاد پارامتر آسیب تعریف شده به صورت رابطه (۱۰) استفاده کردند.

$$D = -\frac{D_{n_f-1}}{\ln(N_f)}\ln(1-\frac{n}{N_f}) \tag{(1)}$$

که در رابطه (۱۰)،
$$D_{n_{f}-1}$$
 معرف مقدار آسیب بحرانی
است که به شکل رابطه (۱۱) ارائه شدهاست.
 $D_{n_{f}-1} = 1 - \frac{\sigma^{2}}{2EH_{mo}}$ (۱۱)

در رابطه (۱۱)،
$$E$$
 مدول الاستیک، σ دامنه تنش سیکلی
و U_{T0} چقرمگی استاتیکی در ماده بدون آسیب میباشد.
لیاقت و خونساری با فرض اینکه در طیف گستردهای
از بارگذاریهای خستگی $1 \approx 1_{nf-1}$ است رابطه (۱۰) را
مطابق رابطه (۱۲) اصلاح کردند [۱۵].
 $D = -\frac{1}{\ln(N_f)}\ln(1-\frac{n}{N_f})$

از ســوی دیگر در مطالعه [۲۹] چگالی انرژی اتلافی در هر سیکل بهعنوان شاخص خرابی در بارگذاری خستگی

$$D = -\frac{1}{\ln(E_c/d)}\ln(1 - \frac{E}{E_c})$$
(17)

در رابطه (۱۳) ، E_c انرژی اتلافی تجمعی در ز مان شکست، d_i معرف چگالی انرژی اتلافی برای یک سیکل بارگذاری و E انرژی اتلافی انباشته شده میباشد. با فرض اعمال چند بلوک بارگذاری، مدل آسیب به فرم رابطه (۱۴) تبدیل خواهد شد.

$$D = \sum -\frac{1}{\ln(E_c/d_i)} \ln(1 - \frac{E_i}{E_c})$$
(14)

در رابطه $(1^{\epsilon})_i d_i$ و E_i به ترتیب مقدار انرژی اتلافی در هر سـیکل و مقدار انرژی انباشـت شـده در بلوک بارگذاری iام میبا شند. نکته قابل توجه این است که بر اسـاس مطالعات انجامشـده مقدار E_c در همه دامنههای بارگذاری خستگی یکسان است؛ به عبارت بهتر مقدار E_c برای هر ماده ثابت است[۳۰].

مدل مورداستفاده در این مطالعه مطابق رابطه (۱۵) می باشید که در آن اثر ترتیب و تاریخچه بار گذاری بهعنوان دو ویژگی مؤثر در مدل آسیب خستگی در نظر گرفته شدهاست.

$$D_{i} = \frac{-1}{\ln(\frac{E_{c}}{d_{i}})} \ln(1 - \frac{(n_{i-1,e} + \Delta n_{i})d_{i}}{E_{c}})$$
(1 Δ)

هم چنین مقدار آســیب در بلوک بار گذاری (i – 1)ام مطابق رابطه (۱۶) خواهد بود.

$$D_{i-1} = \frac{-1}{\ln(\frac{E_c}{d_{i-1}})} \ln(1 - \frac{(n_{i-1,e})d_i}{E_c})$$
(19)

رابطه (۱۵) آسیب مربوط به بلوکهای بارگذاری با دامنه متغیر را نشان می دهد که در آن E_c میزان اتلاف گرمایی بحرانی در زمان شکست، d_i و 1_{i-1} مقدار انرژی اتلافی در هر سیکل خستگی در بلوک بارگذاری (i) و (i-1)ام، Δn_i تعداد سیکل طی شده در بلوک

بارگذاری iام، $n_{i-1,e}$ تعداد سیکل معادل تا قبل از بلوک بار گذاری iام $e_i D_i = 1$ به ترتیب میزان آســیب در انتهای بلوک بار گذاری iام و (1 - i)ام می باشــند. بر ا ساس این دو رابطه برای به د ست آوردن میزان آ سیب در انتهای بلوک بارگذاری iام، کافی است دامنه بارگذاری بلوک قبل از آن را برابر دامنه بارگذاری بلوک بارگذاری iام در نظر گرفته و تعداد سـیکل معادل به ازای میزان آسیب $1_{-1} - 1$ را به د ست آورد. به عبارت دیگر اگر دامنه بلوک بار گذاری (1 – i) م برابر دامنه بلوک بار گذاری بلوک از گرفته شــود، باید دید به ازای چه تعداد سـیکل همان میزان آسـیب در انتهای بلوک (1 – i) ام ایجاد میشـود. با اســتفاده از رابطه (۱۶) می توان تعداد سیکل معادل را مطابق رابطه (۱۷) به دست آورد.

 $n_{i-1,e} = \frac{E_c}{d_i} \left[1 - \exp\left(-D_{i-1}\ln\left(\frac{E_c}{d_{i-1}}\right)\right) \right]$ (1Y)

در مقاله حاضر از دو بلوک بارگذاری که دامنه آنها می تواند متفاوت باشد استفاده شده است. بر اساس شکل ۳ اگر فرض شود بلوک بارگذاری اول Δn_1 سیکل را طی کرده باشد، در انتهای بلوک بارگذاری اول آسیب ایجادشده معادل D_1 خواهد بود. حال برای به دست آوردن آسیب در انتهای بلوک بارگذاری دوم ابتدا باید تعداد سیکل معادل بلوک بارگذاری اول و سپس مطابق رابطه (۱۵) آسیب را در انتهای بلوک بارگذاری دوم به دست آورد.



شکل۳- بارگذاری خستگی تحت دو بلوک بارگذاری[۳۰]

۴- تعريف مسئله

در این مطالعه در نظر است تا با استفاده از نرمافزار آباکوس و زیر روال UMAT و UMATHT میزان آسیب و عمر نمونه آزمایشی در طول بارگذاری خستگی تخمین زده شود. برای این کار از نتایج مطالعه [۳۱] بهره گرفته شـده تا با استفاده از آن صـحت دادههای خروجی اعتبارسنجی گردد.

در پژوهش [۳۱] از روش ترموگرافی برای تعیین سریع رفتار خستگی فولاد Q235 بهره گرفته شده و بر اساس آن رفتار دمایی ماده در حین بار گذاری خستگی پر چرخه و میزان آسیب خستگی طبق قاعده پالمگرن-ماینر برای پیشبینی عمر خستگی باقیمانده توسعه داده شدهاست.

بر ا ساس مطالعه [۳۱] آ سیب تجمعی بر ا ساس رابطه (۱۸) برابر است با:

$$D_{i} = \frac{n_{i}}{N_{fi}} = \frac{\Delta w_{i} n_{i}}{E_{c}}$$
(1A)

همچنین با فرض شرایط آدیاباتیک در ابتدای بارگذاری خستگی، مقدار انرژی اتلافی در واحد حجم (Δw_i) در هر سیکل و مقدار بحرانی انرژی اتلافی تجمعی آن بر اساس روابط (۱۹) و (۲۰) استخراج شدهاست. $\Delta w_i = \frac{\rho c \Delta T_{si}}{N_{si}} = \frac{\Delta w_i n_i}{E_c}$

 $E_{C} = \Delta w_{i} N_{f}$

(٢٠)

۴-۱- نوآوری مطالعه

از آنجاکه بنا ست در این مطالعه بارگذاری خستگی پر چرخه با دامنه متغیر مورد بررسی قرار گیرد لذا مدل آسیب مورد استفاده در این مطالعه باید توانایی در نظر گرفتن اثر توالی بار و تاریخچه بارگذاری را دا شته با شد. مدل پیشنهادی در این مطالعه اولین بار توسط نویسندگان این مقاله ارائه شدهاست و قابلیت بررسی میزان آسیب در طی بارگذاری خستگی را دارد. همچنین در مطالعات پیشین، میزان انرژی اتلافی در هر سیکل

تحت بارگذاری خستگی از طریق آزمایش بدست می آمد؛ درحالیکه در این مطالعه با استفاده از زیر روال نویسی (زیر روال UMATHT و UMATHT) و کوپل کردن دو زیر روال با یکدیگر، تحلیل تنش و تحلیل دمایی بصورت همزمان انجام و آسیب بر اساس مدل پیشنهادی در هر گام بروزرسانی می شود تا در نهایت به مقدار بحرانی خود برسد.

۴–۲– مدلسازی

در این مطالعه به منظور رسیدن به اهداف مورد نظر ابتدا یک نمونه آزمایشی با ضخامت ۳ میلیمتر مطابق شکل ۴ (الف) طراحی شد. نمونه مطابق شکل ۴ (ب) از انتها مقید و از سر دیگر تحت بارگذاری خستگی قرار گرفته است. هم چنین از تحلیل کوپل دما-جابجایی در طی ۷ گام برای استخراج همزمان دما، تنش و کرنش به عنوان نتایج تحلیل و المان C3D8T به تعداد ۷۷۷۶ عدد، به منظور مش بندی استفاده شده است (شکل ۴



شکل۴− (الف) مشخصات ابعادی نمونه تحت بارگذاری خستگی، (ب) شرایط مرزی نمونه تحت بارگذاری خستگی، (ج) مش بندی نمونه تحت بارگذاری خستگی

۴–۳- روش تحلیل

مطابق شکل۵ به منظور تحلیل تنش، کرنش و استخراج میزان انرژی اتلافی در هر سـیکل از زیر روال UMAT استفاده شـدهاست. در این زیر روال، در هر بازه زمانی ابتدا ماتریس ژاکوبین بر اساس خواص ماده و سـپس مقدار تنش، کرنش، چگالی انرژی کرنشی و پارامتر آسیب مطابق رابطه (۱۵) در هر نقطه انتگرالگیری به دست میآید. پس از اینکه بازه زمانی به انتهای گام رسید ابتدا مطابق رابطه (۳)، مدول الاستیسیته اصلاح و مجددا مراحل گام زمانی قبل تکرار و به روزرسانی می شوند. از آنجاکه امکان ایجاد تعداد نامحدود گام وجود ندارد بنابراین در مقاله حاضر از تکنیک جهش سیکلی در ندارد بنابراین در مقاله حاضر از تکنیک جهش سیکلی در ندارد بنابراین در مقاله حاضر از تکنیک جهش سیکلی در ندارد بنابراین در مقاله حاضر از تکنیک جهش سیکلی در ندارد بنابراین در مقاله حاضر از تکنیک جهش سیکلی در ندارد بنابراین در مقاله حاضر از تکنیک جهش سیکلی در ندارد بنابراین در مقاله حاضر از تکنیک جهش سیکلی در ندارد بنابراین در مقاله حاضر از تکنیک میش سیکلی در ندارد بنابراین در مقاله حاضر از تکنیک جهش سیکلی در ندارد بنابراین در مقاله حاضر از تکنیک میش سیکلی در ندارد بنابراین در مقاله حاضر از تکنیک میش سیکلی در ندارد بنابراین در مقاله حاضر از تکنیک میش سیکلی در ندارد بنابراین در مقاله حاضر از تکنیک میش سیکلی در

در ادامه تحلیل برای به دست آوردن دما در هر نقطه انتگرالگیری از زیر روال UMATHT استفاده شده است، بهطوری که Δw_i بهدست آمده از سابرویتن UMAT بهعنوان انرژی حجمی تولید شده در معادله انتشار گرما در نظر گرفته می شود. بر اساس معادله (۱۹) میزان انرژی اتلافی در واحد حجم در هر سیکل به دمای ناحیه پایا و تعداد سیکل تا رسیدن به حالت پایا وابسته است، بنابراین با استخراج Δw در هر المان از طریق زیر روال uMAT, با فرض ثابت بودن تعداد سیکل تا رسیدن به ناحیه پایای دمایی در همه المان ها، می توان ΔT_{si} را با آستفاده از زیر روال UMATH در هر المان به دست

مطابق شـکل۶، بهمنظور اعمال بارگذاری خسـتگی، ۷ گام ز مانی ۱ ثانیه ای در نظر گرفته شـدهاسـت، بهطوریکه در هر گام یک تابع هارمونیک تعریف شـده که دارای یک مقدار بیشینه (۱+) و یک مقدار min (۱-) است. با ضرب مقدار تنش اعمالی در مقادیر این نمودار مقادیر بیشینه و کمینه تنش بهدست خواهد آمد. در هر

گام زمانی ابتدا مقادیر تنش و کرنش استخراج و در انتهای آن گام با توجه به مقادیر تنش و چگالی انرژی کرنشی توزیع دما تو سط زیر روال UMATHT بهد ست میآید. پس از طی گام اول (ثانیه ۱) جهش سیکلی انجام شده و مجددا فرآیند قبلی مجددا تکرار میشود.

پایا مشاهده نمی شود. همچنین مقدار سیکل تا رسیدن به حالت پایای دمایی حدودا ۲۰۰۰۰ سـیکل میباشـد [۳۱]. شـکل۷ میزان دمای پایا در هر دامنه بارگذاری را در داغترین نقطه نمونه نشان میدهد.



بهمنظور مقایسه نتایج دو مطالعه یک نمونه استاندارد از جنس فولاد Q235 تحت بارگذاری نوسانی با نسبت تنش ۱-و فرکانس بارگذاری ۲۰ هرتز و خواص مکانیکی و حرارتی مطابق جدول ۱، در نظر گرفته شدهاست. همانطور که در شکل نشان داده شدهاست در دامنه کمتر ۱۸۰ مگاپاسکال تغییر قابل توجهی در دمای ناحیه

از آنجا که در مطالعه [۳۱] رابطه بین میزان اتلاف حرارت در هر سیکل در واحد حجم و دامنه بارگذاری خستگی مطابق رابطه (۲۱) تعریف شدهاست، بنابراین

470

235

7850

Q235

Steel

بر اساس مدل آسیب مورداستفاده در این مقاله هر کجا که میزان انرژی اتلافی با ازای هر سیکل بیشتر باشد در معرض آسیب بیشتری خواهد بود. شکل ۷ تغییرات پارامتر آسیب در مقطع میانی نمو نه تحت بارگذاری خستگی در ابتدای ناحیه پایای دمایی نشان میدهد. همچنین بر اساس این نمودار میزان آسیب ایجادشده در ابتدای ناحیه پایای دمایی کمتر از ۵ درصد آسیب نهایی منجر به شکست نمونه (مقدار آسیب بحرانی) میباشد.



شکل۹- نمودار تغییرات دمایی در مقطع میانی نمونه تحت بارگذاری خستگی با دامنه ۲۰۰ مگاپاسکال در ابتدای ناحیه پایای دمایی

برای استخراج میزان انرژی اتلافی در هر سیکل در واحد حجم باید اثر دامنه بارگذاری خستگی در آن لحاظ شود.

$$\Delta w_i = \frac{\rho c}{N_{si}} (5 \times 10^{-4} \sigma^2 - 15.1118)$$
 (71)

در رابطه (۲۱)، σ دامنه تنش خستگی بر حسب مگاپاسکال میباشد. با مقایسه نتایج به دست آمده از نرم-افزار آباکوس و نتایج حاصل از مطالعه [۳۱] مقدار دما در ناحیه پایای دمایی به صورت زیر مشخص شد. جدول 2 نشان می دهد که مقدار دمای پایای به دست آمده از نرم افزار آ باکوس و مطالعه پس از گذرا ندن ۲۰۰۰۰ سیکل مطابقت خوبی دارند. بر اساس این جدول، می توان میزان اختلاف نتایج حا صل از پژوهش حا ضر و مطالعه [۳۱] را ناشی از مواردی نظیر، معین در نظر گرفتن N_{si} و استفاده از روش جهش سیکلی دانست.

جدول ۲- مقایسه دمای پایا در مطالعه حاضر و

مطالعه [۲۱] در دامنه نوسانهای مختلف				
دامنه نوسان (MPa)	اختلاف دمای پایا مطابق مطالعه [۳۱] (°C)	اختلاف دمای پایا در مطالعه حاضر (^{0°})		
180	1.0	0.89		
190	-	2.66		
200	3.4	3.9		
210	-	7.65		
220	8.0	9.10		

در ادامه میزان تغییر دما تحت بارگذاری خستگی با دامنه ۲۰۰ مگاپاسکال و نسبت تنش ۱- پس از گذراندن ۲۰۰۰۰ سیکل در شکل ۸ نشان داده شدهاست. بر اساس این شکل تغییر دمای و سط ج سم از ابتدا و انتهای آن بیشتر است، بنابراین میزان آسیب هم در ناحیه میانی نمونه بیشتر خواهد بود. در شکل ۹ نمودار تغییرات دما در امتداد مقطع میانی نمونه از بالا به پایین نشان داده شدهاست.



مقایسه دادههای جدول 3 و شکل ۱۱ نشان میدهد که مدل آسـیب معرفیشـده در پیش بینی عمر خسـتگی با دامنه ثابت بهخوبی عمل میکند. از آنجا که در این مطالعه تنها ۲ گام زمانی در نظر گرفته شـدهاسـت، لذا مقادیر جهش سیکلی بزرگ است؛ بنابراین میتوان گفت علت اختلاف ایجاد شـده بین نتایج مطالعه [۳۱] و مطالعه حاضر، بزرگ بودن جهشهای سیکلی تعریفشده اسـت، لذا در صـورتی که تعداد گامها افزایش یابد دقت نتایج بهتر خواهد شد.

همان طور که گفته شد مدل معرفی شده قادر به پیش بینی عمر خستگی در دامنه نوسان های مختلف می باشد. در ادامه فرض شده است که بار گذاری خستگی در دو بلوک بار گذاری، ابتدا به میزان ۲۰۰۰۰۰ سیکل با دامنه نوسان ۲۰۰ مگا پاسکال و سپس با دامنه نوسان های بین ۱۹۰ تا ۲۱۰ مگا پاسکال تا رسیدن به نقطه واماندگی ادامه پیدا کند. مطابق جدول 4، با فرض ثا بت بودن میزان سیکل در دام نه نوسان ۲۰۰ مگا پا سکال، نتایج نشان می دهد با افزایش دامنه نو سان از ۱۹۰ تا ۲۱۰ مگا پاسکال در بلوک بار گذاری دوم عمر قطعه کاهش می یابد.



شکل۱۰- نمودار تغییرات پارامتر آسیب در مقطع میانی نمونه تحت بارگذاری خستگی با دامنه ۲۰۰ مگاپاسکال در ابتدای ناحیه پایای دمایی

۵- نتایج

مدل آسیب موردنظر توانایی استفاده در دامنه نو سان ثابت و متغیر را دارد، لذا در گام اول مطابق جدول 3، میزان عمر خستگی در دامنه نوسان ثابت با نتایج حاصل از مطالعه [۳۱] بر اساس رابطه (۲۲) مقایسه شد. همچنین نتایج این جدول به صورت نمودار مطابق شکل ۱۱ در ادامه ارائه شدهاست.

$\log N = -8.8115 \log \sigma + 26.1602$ (77)

جدول ۳- مقدار عمر خستگی در دامنه بارگذاری ثابت

دامنه نوسان	عمر خستگی بر	عمر خستگی بر
(MPa)	اساس رابطه (۲۲)	اساس مدل معرفیشدہ
190	1.21×10^{6}	1.28×10^{6}
200	7.60×10^{5}	6.21×10^5
210	4.98×10^{5}	4.99×10^{5}
220	3.30×10^{5}	3.28×10^{5}

دامنه نوسان بلوک اول (MPa)	دامنه نوسان بلوک دوم (MPa)	تعداد سیکل گذرانده شده در بلوک بارگذاری اول	تعداد سیکل گذرانده شده در بلوک بارگذاری دوم
190	220	5.2×10^{5}	1.83×10^5
200	220	2.8×10^5	$1.83 imes 10^5$
210	220	1.8×10^5	$1.83 imes 10^5$

جدول ۵- تعداد سیکل گذرانده شده در بارگذاری خستگی با دو بلوک بارگذاری

جدول ۶- تعداد سیکل و آسیب ایجادشده در بارگذاری
خستگی با دو بلوک بارگذاری

دامنه نوسان بلوک اول (MPa)	دامنه نوسان بلوک دوم (MPa)	تعداد سیکل گذرانده شده در بلوک بارگذاری اول	تعداد سیکل گذرانده شده در بلوک بارگذاری دوم	آسیب ایجادشدہ
220	200	2×10^5	2×10^{5}	1.51×10^{-1}
200	220	2×10^{5}	2×10^{5}	2.61 × 10 ⁻¹
220	190	2×10^{5}	2×10^5	8.23×10^{-2}
190	220	2×10^{5}	2×10^{5}	1.56×10^{-1}
220	210	1×10^{5}	1×10^{5}	5.90×10^{-2}
210	220	1×10^{5}	1×10^{5}	6.55 × 10 ⁻²

فهرست علائم	
انگلیسی	علائم
تعداد سیکل گذرانده شده	Ν
پارامتر آسيب	D
سطح بدون آسيب	S
سطح مؤثر	\overline{S}
سطح آسيبديده	S_D
تنش مؤثر	$\bar{\sigma}$
نیروی عمود بر سطح	Р
انرژی مکانیکی	W
انرژی گرمایی	Q

لنرژی داخلی ΔU

جدول ۴- مقدار سیکل طی شده در هر بلوک بارگذاری در خستگی با دامنه متغیر

دامنه نوسان بلوک اول (MPa)	دامنه نوسان بلوک دوم (MPa)	تعداد سیکل گذرانده شده در بلوک بارگذاری اول	تعداد سیکل گذرانده شده در بلوک بارگذاری دوم
220	190	2×10^5	5.2×10^5
220	200	2×10^5	$2.8 imes 10^5$
220	210	2×10^{5}	1.8×10^5

یکی از ویژگی های این مدل در نظر گرفتن تاریخچه بار گذاری می باشد، به طوری که با جابجا کردن دامنه بارگذاری خستگی میزان عمر خستگی تغییر می یابد. در جدول 5 جای بلوک بارگذاری اول و دوم را عوض کرده و فرض شده تعداد سیکل در بلوک اول بارگذاری مطابق ستون چهارم جدول 4 باشد. همان طور که در جدول 5 نشان داده شده تعداد سیکل گذرانده شده در بلوک بارگذاری دوم با دامنه ۲۲۰ مگاپاسکال به ازای دامنه بارگذاری خستگی مختلف یکسان است که دلیل آن میزان آسیب یکسان تا قبل از شروع بلوک بارگذاری دوم به ازای دامنه نو سان های مختلف در بلوک بارگذاری اول می باشد.

در ادامه به مقدار آسیب ایجادشده پس از طی دو بلوک بارگذاری با دامنههای متفاوت و تعداد سیکل برابر در هر بلوک پرداخته شدهاست.

جدول 6 نشان میدهد با جابجا کردن ترتیب اعمال بلوکهای بارگذاری، مقدار آسیب ایجادشده در انتهای بلوک بار گذاری دوم تغییر میکند که این موضوع نشاندهنده حساسیت مدل آسیب معرفی شده به تاریخچه و ترتیب بارگذاری می باشد. هم چنین نتایج نشان میدهد که اگر ابتدا بلوک بارگذاری با دامنه کمتر بیشتر اعمال و سیس بلوک بارگذاری با دامنه کمتر اعمال شود، میزان آسیب ایجاد شده نسبت به عکس این حالت کمتر خواهد بود.

		فرکانس بارگذاری	f
	بالانويس	چگالی	ρ
	– مۇثر	گرمای ویژه	С
		دما	Т
	واژەنامە	زمان	t
Continuum damage	مکانیک آسیب	نرخ تجمعی انرژی آسیب	Ė _P
mechanic	پيوسته	توان حرارتی	Н
High cycle fatigue	خستگی پرچرخه	آسيب بحراني	D_{n_f-1}
Variable amplitude	دامنه متغير	انرژی اتلافی انباشت شده بحرانی	Έ _c
Damage parameter	پارامتر آسيب	انرژی اتلاقی انباشت شده	Е
Effective stress	تنش مؤثر	چگالی انرژی اتلافی در یک سیکل	d
Unloading	باربردارى	چگالی انرژی اتلافی در یک سیکل	Δw_i
Fatigue life	عمر خستگی	تعداد سیکل معادل	n _{i-1,e}
Dissipated energy	انرژی اتلافی	دامنه بارگذاری خستگی	σ
Step	گام	تعداد سیکل تا رسیدن به ناحیه پایای دمایی	N _{si}
Increment	بازه زمانی	دمای ناحیه پایای دمایی	ΔT_{si}
Integral Point	نقطه انتگرال گیری		زيرنويس
Static Toughness	چقرمگی استاتیکی	بلوک بار گذاری	i
Subroutine	زير روال	حالت شکست	F
Self heating	خودگرمایی	ناحیه پایای دمایی	S
		معادل	e
		جع	⁹ - مرا

- [1] M.A. Farsi, A.R. Sehat, "Experimental and Numerical Study on Aluminum Damage Using a Nonlinear Model of Continuum Damage Mechanics," *Journal of Applied and Computational Sciences in Mechanics*, vol. 27, no. 2, pp. 41-54, 2016. (In Persian)
- [Y] J. Chaboche and P. A. Lesne, "A non-linear continuous fatigue damage model," Fatigue & Fracture of Engineering Materials & Structures, vol. 11, no. 1, pp. 1-17, 1988.
- [^r] Y.-C. Xiao, S. Li, and Z. Gao, "A continuum damage mechanics model for high cycle fatigue," *International Journal of Fatigue*, vol. 20, no. 7, pp. 503-508, 1998.
- [*] J. Lemaitre and J.-L. Chaboche, *Mechanics of Solid Materials*. Cambridge university press, 1994.
- [^Δ] J. Lemaitre, "A continuous damage mechanics model for ductile fracture," 1985.

- [⁷] S. Chandrakanth and P. Pandey, "An isotropic damage model for ductile material," *Engineering Fracture Mechanics*, vol. 50, no. 4, pp. 457-465, 1995.
- [Y] N. Bonora, "A nonlinear CDM model for ductile failure," *Engineering Fracture Mechanics*, vol. 58, no. 1-2, pp. 11-28, 1997.
- [A] N .Bonora, "On the effect of triaxial state of stress on ductility using nonlinear CDM model," *International Journal of Fracture*, vol. 88, pp. 359-371, 1997.
- [9] A. Benzerga, J. Besson, and A. Pineau, "Anisotropic ductile fracture: Part II: theory," Acta Materialia, vol. 52, no. 15, pp. 4639-4650, 2004.
- [1.] M. Mashayekhi and S. Ziaei-Rad, "Identification and validation of a ductile damage model for A533 steel," *Journal of Materials Processing Technology*, vol. 177, no. 1-3, pp. 291-295, 2006.

- [11] A. Pirondi, N. Bonora, D. Steglich, W. Brocks, and D. Hellmann, "Simulation of failure under cyclic plastic loading by damage models," *International Journal of Plasticity*, vol. 22, no. 11, pp. 2146-2170, 2006.
- [^Y] A. Palmgren, "Durability of ball bearings," ZVDI, vol. 68, no. 14, pp. 339-341, 1924.
- [17] M. A. Miner, "Cumulative damage in fatigue," 1945.
- [1⁶] K. Hectors and W. De Waele, "Cumulative damage and life prediction models for high-cycle fatigue of metals: a review," *Metals*, vol. 11, no. 2, p. 204, 2021.
- [1] J. Jang and M. M. Khonsari, "On the prediction of fatigue life subjected to variable loading sequence," *Fatigue & Fracture of Engineering Materials & Structures*, vol. 44, no. 11, pp. 2962-2974, 2021.
- [17] G. Cheng and A. Plumtree, "A fatigue damage accumulation model based on continuum damage mechanics and ductility exhaustion," *International Journal of Fatigue*, vol. 20, no. 7, pp. 495-501, 1998.
- [1V] A. Fatemi and L. Yang, "Cumulative fatigue damage and life prediction theories: a survey of the state of the art for homogeneous materials," *International Journal of Fatigue*, vol. 20, no. 1, pp. 9-34, 1998.
- [1A] H. Mao and S. Mahadevan, "Fatigue damage modelling of composite materials," *Composite Structures*, vol. 58, no. 4, pp. 405-410, 2002.
- [19] D. Kreiser, S. X. Jia, J. J. Han, and M. Dhanasekar, "A nonlinear damage accumulation model for shakedown failure," *International Journal of Fatigue*, vol. 29, no. 8, pp. 1523-1530, 2007.
- [^Y•] M. Amiri and M. Khonsari, "Life prediction of metals undergoing fatigue load based on temperature evolution," *Materials Science and Engineering: A*, vol. 527, no. 6, pp. 1555-1559, 2010.
- [^Y] M. Naderi, M. Amiri, and M. Khonsari, "On the thermodynamic entropy of fatigue fracture," *Proceedings of the Royal Society A: Mathematical, Physical and Engineering Sciences*, vol. 466, no. 2114, pp. 423-438, 2010.
- [^{YY}] Z. Lv, H.-Z. Huang, S.-P. Zhu, H. Gao, and F. Zuo, "A modified nonlinear fatigue damage accumulation model," *International Journal of Damage Mechanics*, vol. 24, no. 2 ,pp. 168-181, 2015.
- [^Y^w] A. Aeran, S. C. Siriwardane, O. Mikkelsen, and I. Langen, "A new nonlinear fatigue damage model based only on SN curve parameters," *International Journal of Fatigue*, vol. 103, pp. 327-341, 2017.
- [^Y[¢]]
 O. Plekhov, N. Saintier, T. Palin-Luc, S. Uvarov, and O. Naimark, "Theoretical analysis, infrared and structural investigations of energy dissipation in metals under cyclic loading," *Materials Science and Engineering: A*, vol. 462, no. 1-2, pp. 367-369, 2007.
- [Y^Δ] R. De Finis, D. Palumbo, M. Da Silva, and U. Galietti, "Is the temperature plateau of a self-heating test a robust parameter to investigate the fatigue limit of steels with thermography?," *Fatigue & Fracture of Engineering Materials & Structures*, vol. 41, no. 4, pp. 917-934, 2018.
- [^Y⁷] S. Chhith, W. De Waele, P. De Baets, and T. Van Hecke, "On-line detection of fretting fatigue crack initiation by lock-in thermography," *Tribology International*, vol. 108, pp. 150-155, 2017.
- [YV] G. Meneghetti and M. Ricotta, "The use of the specific heat loss to analyse the low-and high-cycle fatigue behaviour of plain and notched specimens made of a stainless steel," *Engineering Fracture Mechanics*, vol. 81, pp. 2-16, 2012.
- [YA] V. Crupi, G. Chiofalo, and E. Guglielmino, "Using infrared thermography in low-cycle fatigue studies of welded joints," *Welding Journal*, vol. 89, no. 9, pp. 195-200, 2010.
- [^{Y q}] J. Fan and Y. Zhao, "Quantitative thermography for fatigue damage assessment and life prediction of welded components," *Mechanics of Materials*, vol. 164, p. 104120, 2022.
- [^r•] E. Feng, X. Wang, C. Jiang, and V. Crupi, "Quantitative thermographic method for fatigue life prediction under variable amplitude loading," *Fatigue & Fracture of Engineering Materials & Structures*, vol. 45, no. 4, pp. 1199-1212, 2022.
- [^r¹] J. Fan, X. Guo, and C. Wu, "A new application of the infrared thermography for fatigue evaluation and damage assessment," *International Journal of Fatigue*, vol. 44, pp. 1-7, 2012.

