شبیه سازی جریان سیال داخل سیلندر موتورهای احتراق داخلی با مدلهای مختلف آشفتگی*

عباس زارع نژاد اشکذری^(۲)

محمد حسن جوارشكيان(١)

چکیده دری صحیح از جریانهای داخل سیلندر در طول فرآیند کارکرد موتور، نقش مؤثری را در بهینه کردن طراحی موتور به منظور بهبود عملکرد، کاهش مصرف سوخت و کاهش آلایندگی موتور ایفا می نماید. در سال های اخیر، مدل های آشفتگی مختلف به منظ ور پیش بینی جریان های آشفته، گسترش چشم گیری یافته است. در این تحقیق، تأثیر مدل های آشفتگی در شبیه سازی جریان داخل محفظ می احتراق از لحظهی بسته شدن سوپاپ ورودی تا لحظهی بازشدن سوپاپ خروجی، مورد بررسی قرار گرفته است. مقایسه ی تسیه سازی شده با نتایج تجربی، اختلاف قابل ملاحظه ای را برای مدل های مختلف آشفتگی نشان می دهد. نتایج این شبیه سازی، پیش بینی توسط مدل RSM را بهتر از مدل های دیگر نشان می دهد.

واژههای کلیدی موتورهای احتراق داخلی، تحلیل عددی، مدل آشفتگی تنشهای رینولدز (RSM)

Simulation of IN-Cylinder Fluid Flow in Internal Combustion Engine with Different Turbulence Models

M. H. Djavareshkian

A. Z. Ashkezari

Abstract Good understanding of In-Cylinder Fluid Flow during the operation process has effective role in the engine design. To aid the best operation, fuel consumption and environment pollution must be decreased. In recent years, various turbulence models are widely developed and used to predict the flow turbulence. In this paper, the effect of turbulence models in simulation of In-Cylinder fluid flow in a combustion chamber has been investigated from the Inlet Valve Closing (IVC) to Exhaust Valve Opening (EVO). Comparison of the present simulation with the experimental data shows a considerable difference for various models. The results of simulation show that the Reynolds Stress Turbulence Model is better than the other turbulence models.

Key Words Internal Combustion Engines, CFD, Reynolds Stress Turbulence Model.

^{*} نسخهی اول مقاله در تاریخ ۱۳۸۷/٤/۱ و نسخهی نهایی آماده چاپ آن در تاریخ ۱۳۸۹/٤/۱میباشد.

⁽۱) عهدهدار مکاتبات: دانشیار، گروه مکانیک، دانشکدهی مهندسی، دانشگاه فردوسی مشهد

⁽۲) دانشجوی کارشناسی ارشد، دانشگاه تبریز

داخل سیلندر قابل استفاده هستند و به بررسی جریان کلی میدان در محفظه ی احتراق و پارامترهایی مثل سرعت متوسط چـرخش هـوا در سـيلندر مـي پردازنـد. امتياز اين روش ساده و صريح بودن آن است، ولي اطلاعات جزئي ميدان جريان را ارائه نمي کنند. يک روش جایگزین در آزمایش های تجربی، استفاده از سرعت سنجی لیزری دوپلر (LDV) برای بهدست آوردن میدان سرعت سیال در محفظه ی احتراق می باشد [3]. این مدل ها اطلاعات بیشتری از میدان جریان سیال نسبت به مدلهای دیگر ارائه میکنند؛ ولی در مقایسه از نظر زمان و قیمت فاقد کارآیی می باشد، زیرا در روش LDV باید در زمان کارکرد موتور به اندازه گیری میدان جریان سیال پرداخت که برای این کار تجهیزات گرانبها و دید خـوب محفظـه احتـراق لازم اسـت [4]. روش دیگر برای مشاهدهی جریان داخل سیلندر، استفاده از نرم افزارهای سه بعدی است که می تواند سرعت متوسط و آشفتگی جریان سیال را با جزئیات بیشتری شبیه سازی نماید. این نرم افزارها هنگامی که برای موتورهای دیزلی و دوگانه سوز مورد استفاده قرار مي گيرند، مي توانند خصوصيات غير يايا بودن جريان، رينولدز بالا و هندسه پيچيده ديوارهها را مـدل كنند؛لـذا برای حل، هم به زمان زیاد و هم حافظهی بیشتری نیاز دارند. روش های محاسباتی به کار گرفته شده در مدلهای چند بعدی تحلیل جریان در موتورهای احتراق داخلی، عموماً بر پایهی استفاده از دو روش متفاوت است. اولین روش به نام ICED-ALE معروف است که نخستين بار توسط هرت [5] بهكار گرفته شده است و در برنامهی کامپیوتری کیوا (KIVA) از این روش برای محاسبات جریان سیال در داخل سیلندر استفاده شده است. دومین روش، استفاده از الگوریتم فشار مبنا است که در تحقیق حاضر مورد استفاده قرارگرفتهاست. از جمله تحقیقات انجام شده با روش های اخیر، می توان به تحقیقات گاسمن و هم کاران [6]، برای حل

جریانهای دو بعدی (جریانهای متقارن محوری) در

مقدمه

از مهمترین مسائلی که در طراحی موتورهای احتراق داخلی از اهمیت خاصی برخوردار است، کاهش مصرف سوخت، افزایش راندمان و کاهش آلودگی محیط زیست در فرآیند احتراق میباشد. تحقیقات نشان داده است که فرآیند احتراق، شدیداً تحت تأثیر میدان جریان سیال داخل سیلندر میباشد؛ بنابراین درک درست و صحیح از جریان و خواص آن، امکان دستیابی به شرایط بهینه برای فرآیند احتراق را فراهم میکند.

در حالت کلی، جریان داخل سیلندر در موتورهای احتراق داخلی، سه بعدی، نایایدار و مغشوش میباشد. برای بررسی جزئیات میدان های سرعت، فشار و شدت آشفتگی جریان، لازم است معادلات حاكم بر جريان، شامل معادلات بقاي جرم، مومنتوم، انرژی و آشفتگی حل گردند. از آنجا که ایـن معادلات غیر خطی و وابسته به یک دیگر و کوپل میباشند و به لحاظ پیچیدگی شرایط مرزی داخل سیلندر و تغییرات مرز به واسطهیحرکت پیستون، عملاً حل تحلیلی این معادلات بسیار مشکل می باشد. در نتیجه برای حل معادلات مذکور، روش های عددی مورد استفاده قرار می گیرد. امروزه با پیشرفت روز افزون سرعت و دقت پردازشگرها در کامپیوترهـا، روشهـای عددی برای تحلیل جریان های مطرح در CFD، از اهمیت ویژهای بهرهمند شدهاند. از طرفی پیشر فت های جدیدی در زمینه مدلسازی جریان های آشفته در سال های اخیر، توسط محققین صورت گرفته است که اعمال روش های عددی با این مدل های جدید آشفتگی، جزئیات بسیار خوبی از رفتار جریان سیال در میادین مختلف پيش بيني مي نمايد.

از جمله تحقیقات انجام شده در این زمینه، می توان به آزمایشات ساده در مرجع [1]، اشاره نمود. اخیراً یون [2]، آزمایش های بیشتری برای ارزیابی جریان کلی درون محفظه احتراق ارائه کرده است. این آزمایش ها در مشخص کردن پارامترهای اساسی جریان

داخل سیلندر موتورهای احتراق داخلی بیان نمود. کونو و هم کاران [7]، محاسبات مربوط به مرحله ی تراکم را انجام دادند و اثرات شدت چرخش هوا بر شکل گیری اسیری را تحلیل کرده و تطابق خوبی با دادههای تجربی به دست آوردند؛ ولي از آنجا كه مرحلهي مكش در محاسبات شامل نشده است، چرخش هـوا بـه صـورت یک متغیر در شروع حل اعمال شده است. زرلویی و هم کاران [8]، شرایط حاکم در مرحله مکش را با سادهسازی مدل٤-٢ انجام دادهاند؛ در صورتی که کونو و همكاران [7]، اين شرايط را با تخمين از نتايج تجربي به دست آوردهاند. بعضی دیگر از محققین با سادهسازی مرحلهی مکش، شبیهسازی را انجام دادهاند. بر اندستاتر و همکاران [9]، سوپاپ هواي ورودي را به صورت يک صفحهی متحرک در نظر گرفته و شـدت چـرخش و زاویه ی مکش را به عنوان شرایط مرزی در نظر گرفتهاند و نتایج را با دقت خوبی به دست آوردهاند. آرکومانیس و همکاران [10]، نتایج حل مرحلهی تـراکم را برای دو کاسه پیستون متفاوت ارائه کردهاند و شبيهسازي را از زمان بسته شدن سوپاپ هواي ورودي آغاز نمودند و نتایج به دست آمده را با نتایج حاصل از روش LDA مقایسه کردهاند. چن و همکاران [11] ، محاسبات مراحل مکش و تراکم را شبیه سازی کـرده و نتایج خود را با نتایج تستهای تجربی مقایسه نموده و در مورد خطای محاسبات بحث شده و محدودیت های مدل ٤–٢ را بیان کردهاند. ووک چو و همکاران [12]، جریان در داخل یک سیلندر را توسط روش عددی شبیه سازی نمودند. خالقی و همکاران [۱۳]،جریان داخل سیلندر در حالت مکش و تراکم را با استفاده از مدل آشفتگی تـنش.هـای رینولـدز محاسـبه کـردهانـد و محاسبات را برای دو کاسه پیستون مختلف انجام داده و نتایج را با دادههای آزمایشگاهی مقایسه کردهاند.

در کارهای انجام شده، کمتر به بررسی تأثیر مدل آشفتگی در شبیه سازی جریان محفظه احتراق از زمان بسته شدن سوپاپ ورودی تا لحظهی باز شدن سوپاپ

خروجی پرداخته شده است. هدف از این تحقیق، حل معادلات ناویر استوکس با استفاده از مدلهای مختلف آشفتگی برای شبیه سازی جریان داخل محفظهی احتراق از لحظهی بسته شدن سوپاپ ورودی تا لحظهی بازشدن سوپاپ خروجی بوده و نتایج مدلهای مختلف با نتایج تجربی مقایسه شده است.

معادلات اساسى

معادلات اساسی که بقای جرم، ممنتوم وانـرژی را بیـان میکند به صورت زیر بیان میشوند. معادلهی متوسط زمانی پایستاری جرم:

 $\frac{\partial \bar{\rho}}{\partial t} + \frac{\partial \left(\bar{\rho u_i} \right)}{\partial x_i} = \bar{\rho}_{spray} \tag{1}$

معادلهی متوسط زمانی مومنتوم:

$$\frac{\partial \left(\overline{\rho u_{j}} \right)}{\partial t} + \frac{\partial \left(\overline{\rho u_{j} u_{i}} \right)}{\partial x_{i}}$$

$$= -\frac{\partial \overline{p}}{\partial x_{j}} + \frac{\partial}{\partial x_{i}} \left(\overline{\tau_{ij}} - \overline{\rho u_{i}' u_{j}'} \right) + f_{j,spray}$$
(Y)

$$\begin{split} \overline{\tau_{ij}} &= \left[\mu \left(\frac{\partial \overline{u_i}}{\partial x_j} + \frac{\partial \overline{u_j}}{\partial x_i} \right) - \delta_{ij} \frac{2}{3} \mu \frac{\partial \overline{u_i}}{\partial x_i} \right] + \\ & \left[\mu \left(\frac{\partial \overline{u_i}}{\partial x_j} + \frac{\partial \overline{u_j}}{\partial x_i} \right) - \delta_{ij} \frac{2}{3} \mu \frac{\partial \overline{u_i}}{\partial x_i} \right] - \overline{\rho u_i' u_j'} \\ &= \mu_i \left(\frac{\partial \overline{u_i}}{\partial x_i} + \frac{\partial \overline{u_j}}{\partial x_i} \right) - \frac{1}{3} \rho \delta_{ij} \overline{u_i' u_i'} \end{split}$$
(Ψ)

عبارت چشمه (p_{i.spray}) در معادلـهی (۱) برابـر دبی جرم سوخت دیزل پاشیده شده به درون محفظـهی احتراق میباشد. معادلهی متوسط زمانی انرژی:

$$c_{p}\left(\frac{\partial(\overline{\rho T})}{\partial t} + \frac{\partial(\overline{\rho Tu_{i}})}{\partial x_{i}}\right)$$
$$= -\frac{\partial}{\partial x_{i}}\left(\overline{\dot{q}_{i}} + c_{p}\overline{\rho T'u_{i}'}\right) + \dot{q}_{comb}$$
(£)

$$\Pi_{ij,l} = -C_1 \frac{\varepsilon}{\kappa} \left(\overline{u_i u_j} - \frac{2}{3} \kappa \delta_{ij} \right)$$
(A)

$$\Pi_{ij,2} = -C_2 \left(P_{ij} - \frac{2}{3} \delta_{ij} P_k \right)$$
 (9)

$$P_k = -\overline{u_j u_k} \frac{\partial U_i}{\partial x_k} \tag{1}$$

و همچنین عبارت نفوذ D_{ii} را با فرض اینکه نرخ انتقال تنش رینولدز توسط نفوذ متناسب با گرادیانهای تنش رینولدز باشد، میتوان مدل کرد. این ایدهی گرادیان نفوذ، از مدل کردن آشفته به دست می-آید. این شکل عبارت، نفوذ در برنامههای تجاری CFD، اغلب سادهترین شکل مطلوب را دارند:

$$\mathbf{D}_{ij} = -\left(\overline{\mathbf{u}_i \mathbf{u}_i} \frac{\partial \mathbf{U}_i}{\partial \mathbf{x}_j} + \overline{\mathbf{u}_i \mathbf{u}_i} \frac{\partial \mathbf{U}_i}{\partial \mathbf{x}_i}\right) \qquad (11)$$

$$\Pi_{ij,lw} = C_{1}^{\prime} \frac{\varepsilon}{\kappa} \left(\overline{u_{k} u_{m}} n_{k} n_{m} \delta_{ij} - \frac{3}{2} \overline{u_{k} u_{i}} - \frac{3}{2} \overline{u_{k} u_{j}} n_{k} n_{i} \right) f$$
(1Y)

$$\Pi_{ij,2w} = C_{2}' \left(\Pi_{km,2} n_{k} n_{m} \delta_{ij} - \frac{3}{2} \Pi_{ik,2} u_{k} u_{j} - \frac{3}{2} \Pi_{jk,2} n_{k} n_{i} \right) f$$
(17)

$$\overline{\dot{q}}_{i} = -\lambda \left(\frac{\partial \overline{T}}{\partial x_{i}} + \frac{\partial \overline{T}'}{\partial x_{i}} \right)$$
(0)

مدل،ای آشفتگی

در ایـن تحقیـق، مـدلهـای آشـفتگی RSM ، ٤- ۲ و Spalart-Allmaras استفاده شده که تنها به توضیح مدل آشـفتگی RSM پرداختـه و توضـیحات دو مـدل دیگـر آشفتگی را در مراجع [15]، میتوان پیدا نمود.

مدل RSM

$$\begin{aligned} \frac{\partial \overline{u_{i}u_{j}}}{\partial t} + U_{k} \frac{\partial \overline{u_{i}u_{j}}}{\partial x_{k}} \\ &= -\left(\overline{u_{j}u_{k}} \frac{\partial U_{i}}{\partial x_{k}} + \overline{u_{i}u_{k}} \frac{\partial U_{i}}{\partial x_{k}}\right) + \\ \frac{\partial}{\partial x_{k}} \left(v \frac{\partial \overline{u_{i}u_{j}}}{\partial x_{1}x_{1}} + C_{k} \frac{\kappa}{\epsilon} \overline{u_{k}u_{1}} \frac{\partial \overline{u_{i}u_{j}}}{\partial x_{1}}\right) \\ &- \frac{2}{3} \epsilon \delta_{ij} + \Pi_{ij,1} + \Pi_{ij,2} + \Pi_{ij,1w} + \Pi_{ij,2w} \end{aligned}$$

$$(7)$$

در واقع، معادلهی انتقال تـنش رینولـدز دقیـق را میتوان برای اثرات جهتی میدان تنش رینولـدز اسـتفاده کرد. معادلهی دقیق انتقال R_{ij}از رابطهی ذیل بـه دسـت میآید:

$$\frac{DR_{ij}}{Dt} = P_{ij} + D_{ij} - \varepsilon_{ij} + \Pi_{ij} + \Omega_{ij}$$
(V)

جدول ۱ ضرایب ثابت مدل تنش رینولدز

و:

| Ī | C _k | C ₁ | C ₂ | C _{1w} | C_{2w} | C_{τ} | $C_{\tau l}$ | $C_{\tau 2}$ | C_{μ} | κ |
|---|----------------|----------------|----------------|-----------------|----------|------------|--------------|--------------|-----------|------|
| Ī | •/77 | ١/٨ | ٠/٦ | •/0 | •/1٨ | •/\٨ | 1/27 | 1/97 | ٠/٠٩ | ٠/٤١ |

که در این روابط، n_i ؛ بردار یکه در جهت x_i و $\sum_{i=1}^{\frac{6}{2}} x_i = 1$ ؛ تابع تصحیح دیواره می باشد که در آن x_i ؛ فاصله یعمودی از دیوارو π ثابت فـن – کـارمن است. مقدار \Im از معادله ی انتقـال مربوطـه بـه دست مـی آیـد. عبارت چرخشی توسط رابطه ی ذیل معلوم می شود:

$$\Omega_{ij} = -2\omega_k \left(R_{jm} e_{ikm} + R_{im} e_{jkm} \right)$$
(12)

که \mathfrak{m}_k بردار چرخش و \mathfrak{e}_{ijk} ؛ علامت تناوب میباشد اگر i و j و k متفاوت و به ترتیب چرخهای باشند، داریم $\mathfrak{l} = \mathfrak{e}_{ijk} = \mathfrak{e}$ و اگر i و j و k متفاوت و در ترتیب غیر چرخهای باشند، $\mathfrak{l} = \mathfrak{e}_{ijk} = \mathfrak{e}$ و اگر دو اندیس مشابه باشند، $\mathfrak{e}_{ijk} = \mathfrak{0}$.

معادلهی انتقال حرارت و تبخیر قطرات سوخت برای انتقال حرارت و تبخیر قطره از مدل Dukowicz [17] استفاده شده است که بیان میدارد انرژی گرمایی انتقال یافته به قطره موجب افزایش دمای قطره و در نهایت تبخیر آن می شود و مدل ریاضی آن به صورت ذیل می باشد:

$$m_{d}c_{pd}\frac{dT_{d}}{dt} = L\frac{dm_{d}}{dt} + \dot{Q}$$
(10)

شار گرمایی جابهجایی از گاز و محیط اطراف قطره بدین صورت است:

$$\dot{Q} = \alpha A_{S} (T_{\infty} - T_{S})$$
(17)

در این تحقیق، از نرم افزار AVL-FIRE و مدلهای ذکر شده در این تحقیق، برای شبیه سازی استفاده شده است.

مدل اتمیزاسیون افشانه سوخت برای مدلسازی توزیع و پخش قطرات جت سوخت از مدل WAVE استفاده شده است. در این مدل، فرض بر این است که به دلیل آشفتگی جریانی که درون سوراخ

نازل انژکتور وجود دارد، طیفی از موجهای سینوسی با نوسانات محوری بینهایت کوچک در سطح جت سوختی به وجود میآیند. به دلیل نیروهای آیرودینامیکی که بر اثر سرعت نسبی بین جت سوختی مایع و گاز اطراف درون سیلندر به وجود میآید، موجهای سطحی به وجود آمده رشد میکنند، ممانگونه که در شکل (۱) مشاهده میشود، شعاع قطرهی جدید جدا شده از جت، سوختی متناسب با طول موجهای سطحی در سطح جت سوخت میباشد که بدین صورت است:



شکل ۱ طرحوارهی مدل WAVE استاندارد

$$\mathbf{r}_{\text{stable}} = \mathbf{C}_1 . \Lambda \tag{1V}$$

می توان زمان متلاشی شدن جت سوختی را نیـز به صورت زیر بیان نمود:

$$\tau = \frac{3.726.C_2.r}{\Lambda.\Omega} \tag{1A}$$

$$\frac{dr}{dt} = -\frac{r - r_{stable}}{\tau}$$
(19)

در روابط فوق، Λ ؛ طول موج و Ω ؛ بیشینه فرکانسی است که موجب متلاشی شدن جت سوخت و تبدیل آن به قطرات ریزتر می شود و r؛ شعاع قطره است. جز ثابتهای دو معادلهی بالا ($C_1 = C_2$)، ثابت C_3 نیز وجود دارد که مطابق جدول شماره (۲) انتخاب شده است [18]. بین ۱۸۰- تا ۱۸۰+ درجه میباشد، توسط یک تابع توزیع احتمال تعیین میشود [19]. اندازهی قطره پس از برخورد نیز در عددهای وبر مختلف بدین صورت میباشد:

$$\begin{cases} we < 50 \Rightarrow d_1 = d_0 \\ 50 \le we \le 300 \Rightarrow d_1 = d_0.f(we_{in}) \\ we > 300 \Rightarrow d_1 = 0.2d_0 \end{cases}$$

(2.)

 $m_{o} + \pi_{o}$ کل قطرات برخوردی، $m_{i} + \pi_{o}$ کل قطرات برخوردی، $m_{i} + \pi_{o}$ قطرات برگشتی، d_{o} قطره برگشتی، u_{i} فطره مماسی سرعت برخوردی، قطره برگشتی، u_{i} فولفه عمودی u_{i} مؤلفه مماسی سرعت برگشتی، v_{n} مؤلفه عمودی سرعت برگشتی می باشد...

مدل اشتعال خودبه خودى

در کار حاضر از مدل اشتعال خودبه خودی Shell [20] برای مدل احتراقی آشفتگی ادی (Eddy) استفاده شده است. این مدل، یک مکانیزم سینیتیکی کاهشیافته شامل ٥ گونه و ۸ واکنش عمومی است [21].

مدل انتقال گونه مدل انتقال گونه در حالت کلی به صورت زیر بیان می شود: $\frac{\partial}{\partial t}(\rho y_k) + \frac{\partial}{\partial x_i}(\rho U_i y_k)$

$$= \frac{\partial}{\partial x_{i}} \left(\Gamma_{y_{k}} \frac{\partial y_{k}}{\partial x_{i}} \right) + S_{y_{k}} \qquad k = 1 \dots K_{gas}$$
(7)

 K_{gas} که در آن y_k کسر جرمی گونه شیمیایی و K_{gas} مجموع تعداد گونههای شیمیایی میباشد. در مدل انتقال گونهها $_{y_k}$ به صورت زیر تعریف می شود در معادله ی بالا γ_{y_k} و y_k بدین صورت میباشند:

جدول ۲ ثابتهای مدل افشانه سوخت

| C ₁ | C ₂ | C ₃ | | |
|----------------|----------------|----------------|--|--|
| ۰/٦١ | ١٢ | ١ | | |

مدل برخورد جت سوختی به دیواره برای پیشگویی برخورد قطرات سوخت به دیواره، مدل Walljet1 [19] درنظر گرفته شده که بر طبق ایـن مـدل فرض می شود در شرایط کاری موتور، یک لایـه بخـار بین قطرات و دیواره تشکیل شده و بسته بـه عـدد وبـر (We) قطره باعـث برگشـتن یـا لغزیـدن قطـرات روی دیواره می شود:



شکل ۲ طرحواره برخورد دیواره به قطره

معیار انتقال بین این دو رژیم عدد وبر بحرانی ۸۰ میباشد. در کمتر از این عدد، پدیدهی برگشت قطرات از دیواره را داریم:

الف) عدد وبر کمتر از عدد وبر بحرانی. در این حالت قطره در جهت مخالف برخورد و با همان زاویهی برخورد ورودی پس زده می شود.

ب) عدد وبر بزرگتر از عدد وبر بحرانمی. در این حالت، بزرگی سرعت پس از برخورد تغییر نمی کند؛ اما زاویهی انعکاس تغییر می کند. همان گونه که در شکل (۲) مشاهده می شود، زاویهی انعکاس β معمولاً بین صفر تا ۱۸۰ درجه می باشد. زاویه ی محیط Ψ نیز که

$$\Gamma_{y_{k}} = \left(\rho D_{k,m} + \frac{\mu_{t}}{Sc_{t}}\right)$$
(77)

که در معادله فوق Sc_t عدد اشمیت آشفته (Turbulent Schmidt number) با پیش فرض ۰/۷، و] $\frac{m^2}{r}$ منبع جرمی نیز به صورت زیر تعریف می شود:

$$S_{yk} = \dot{r}_k \cdot M_k \cdot V_{cell}$$
 (YY)

در این معادله $\left[\frac{kmol}{m}\right]_{k}$ برابر با آهنگ واکنش گونه k ام، $\left[\frac{kmol}{m}\right]_{k} R$ جرم مولکولی گونه k ام و $V_{cell} \left[m^{3}\right]$

مدل،ای آلایندگی

برای تشکیل آلاینده اکسید نیتروژن حرارتی از مکانیزم زلدوویچ (Zeldovich) استفاده شده است. برای مدل تشکیل و اکسیداسیون دوده، آهنگ تشکیل آلاینده دوده برابر اختلاف آهنگ تشکیل [22] و اکسیداسیون [23] دوده میباشد.

شرایط اولیهی حل عددی

محاسبات در حالت بار کامل، دور ۱٤۰۰ ۲pm و شـرایط دما و فشار اولیهی سیلندر به ترتیب برابـر ۳۰۰ درجـه کلوین و ۹۹ kPa در نظر گرفته شده است.

همچنین برای محاسبهی انرژی جنبشی آشفتهی

اوليه داريم:
$$c_m = 2 \times h \times \frac{n}{60} = 2 \times 0.15 \times \frac{1400}{60} = 7 \frac{m}{s}$$
 (۲٤)

$$u' = 0.5 \times c_m = 0.5 \times 7 = 3.5 \frac{m}{c}$$
 (Yo)

TKE =
$$1.5 \times (u')^2 = 1.5 \times (3.5)^2 = 18.375 \frac{m^2}{s^2}$$
(77)

مقیاس طول آشفتگی نیز بدین صورت به دست میآید: TLS = $\frac{h_v}{2} = \frac{0.015}{2} = 0.0075 \text{ m}$ (۲۷)

در روابط فوق،
$$C_n$$
 بسرعت متوسط پیستون، h ب
 2 ورس پیستون، n دور موتور، u' بسرعت نوسان
آشفته و h_v ماکزیمم بلندشدگی سوپاپ است. پاشش
افشانه سوخت از CA $^{\circ}$ CA آغاز شده و با آهنگ
ثابت تا $^{\circ}$ CA $^{\circ}$ CA آغاز شده و با آهنگ
دریک سیلندر به صورت زیر محاسبه می شود (لازم به
ذکر است که در دور ۱۲۰۰ rpm، هر ثانیه معادل ۱۲/ ۱۱
سیکل است):

$$\frac{7.08 \times 10^{-3} \text{ kg}}{6 \text{ cylinder} \times 4 \text{ nozzle} \times 11.66 \text{ cycle}}$$
$$= 2.53 \times 10^{-5} \frac{\text{ kg}}{\text{ cylinder.nozzle.cycle}}$$
(YA)

مدل سهبعدی موتور دیزل OM355

برای ایجاد شبکهی سهبعدی مدل، ابتدا شبکه دو بعدی ایجاد می شود. در قسمت لقی بین پیستون و سرسیلندر از شبکه با سازمان و در حفر می کاسه پیستون از شبکهی بی سازمان استفاده شدهاست. از آنجا که تعداد سوراخهای نازل انژکتور چهار عدد می باشد، شبکه ایجاد شده ۹۰ درجه حول محور عمودی سیلندر نگاشت شده و شبکههای سهبعدی با ساختار شش وجه_ی(Hexa Hedron) به وجود میآید. تعداد تقسیمات شبکه در جهت زاویهای برابر ۲۷ می باشد و دو ردیف شبکه لایه مرزی نیز در نظر گرفته، گام محاسباتی از نقطهی بسته شدن سوپاپ ورودی (IVC) آغاز شده و تا نقط می باز شدن سوپاپ خروجی (EVO) ادامه می یابد. ایجاد شبکهی متحرک در دو مرحله صورت مي گيرد. مرحلهي اول يا كورس تراكم، از نقطه مرگ یایین(BDC در ۸۰ درجه) تا نقطه مرگ بالا (TDC در ۳۲۰ درجه) می باشد. در ۳۲۰ و ۳٤۰ درجهی میل لنگ، برای حفظ کیفیت شبکه، در نقطهای موسوم به rezone، ریز کردن شبکه ها (refinement)، انجام می گیرد و در آن اطلاعات از طریق درونیابی خطی به شبکههای جدید منتقل می شود. همان گونه که در شکل (۳) مشاهده می شود، در منطقه ی rezone شکل مدل، ثابت می ماند و فقط تعداد شبکه ها تغییر می کند. بعد از هر بار عملیات انجام گرفته، به علت تغییر در تعداد شبکه های موجود، تعیین مجدد شرایط مرزی ضروری است. مرحله ی دوم که کورس انبساط می باشد، از نقطه مرگ بالا (TDC در ۳٦۰ درجه) آغاز شده و تا نقطه مرگ پایین (BDC در ۵۵۰ درجه) ادامه دارد. از آنجا که ریز کردن شبکه ها در مرحله ی اول انجام گرفته، نیاز به انجام مجدد این کار نمی باشد و فقط دو بار در ۲۰۸ و ۵۰۰ درجه میل لنگ ریز کردن شبکه ها انجام می گیرد.

شکل (٤) شبکه سه بعدی موتور OM355 به همراه شرایط مرزی موجود را نشان میدهد. شرط مرزی سر سیلندر به عنـوان یـک دیـوار ثابـت در نظـر گرفته؛ در حالی که شرط مرزی پیستون و سیلندر به صورت یک دیوار متحرک در نظر گرفته شده است. در طول محور مركزي شبكه محاسباتي، شرط مرزي تقارني فرض شده است. دمای شرایط مرزی دیواره؛ یعنی سرسیلندر، سیلندر و پیستون بر اساس آزمایشات تجربی داده شده و بستگی به شرایط کارکرد موتور (بار و دور موتور) دارند. برای این که از دقت نتایج شبیه سازی و کیفیت شبکه اطمینان حاصل شود، بایستی شبکهی محاسباتی تولید شده، از نظر مستقل بودن از حل مورد ارزیابی قرار گیرد. برای این منظور با تولید شبکههایی با تعداد سلولهای متفاوت و مقایسه با نتایج تجربي، مناسب ترين شبكه از لحاظ تعداد سلول انتخاب شده است. مبنای استقلال از شبکه، نتایج به دست آمده

از فشار داخل سیلندر میباشد؛ به همین دلیل و نیز برای برأورده کردن استقلال از شبکه نتایج مدل سازی، تعداد سلولها در جهت محیطی ۲۵، ۲۷ و ۲۹ سلول در نظر گرفته شد که به ترتیب تعداد سلول ها در نقطه مرگ يايين برابر ٧٣٠٧٥، ٨٤٧٦٧ و ٩٦٢٤٣ سلول ايجاد شدند. با توجه به اختلاف جزئی، نتایج بهدست آمده در گام های زمانی ۲۵/۰ و ۲/۰ و ۱ درجه میل لنگ، بـرای صرفهجویی در زمان اجرای برنامه، گام محاسباتی ۱ درجه میل لنگ با تعداد ۸٤٧٦٧ سـلول در نقطـه مـرگ پایین به عنوان مدل اصلی انتخاب شده است. برای هر گام، زمانی حداکثر ۱۰۰ تکرار و معیار هم گرایی ۰/۰۰۱ در نظر گرفته شده است. برای یک کامپیوتر با CPU 3.4GHZ INTEL و RAM 1GB زمان محاسبات در حدود ۱۹ ساعت برای مدل آشفتگی ٤- ٢ و برای مدل آشفتگی RSM این مقدار به ۳ برابر افزایش می یابد. لازم به ذکر است که نرم افزار FIRE مانند دیگر نرم افزارهای حجم محدود، اقدام به گسسته سازی معادلات پیوستگی جرم، مومنتوم و انرژی به همراه مدلی برای آشفتگی نموده و سپس با یک الگوریتم تکراری، اقدام به حل معادلات جبری حاصل مي كند؛ البته در اين بررسي از مدل خود اشتعالي [20] Shell، مدل برخورد به دیواره Walljet1 [18]، مدل Dukowicz برای انتقال حرارت و تبخیر قطرات سوخت [17]، مكانيزم آلايندگي هيروياسو براي تشكيل آلاینده Soot (دوده) [23] و مدل NSC برای اكسيداسيون [24] آن استفاده شده است.



شکل ۳ طرحوارهی ایجاد شبکهی متحرک



شکل ٤ شبکه سهبعدی موتور OM355 بههمراه شرایط مرزی موجود



محفظه احتراق توسط سه مدل أشفتكي مختلف انجام و نتایج عددی با تجربی مقایسه شده است. شکل(٥) دیاگرام فشار را در حالت آزمایشگاهی و عددی با استفاده از سه مدل مختلف نشان می دهد. همانطور که در شکل مشاهده می شود، منحنی فشار در حدود زاویهی ۳۶۰ درجه، دارای یک نقطه عطف بوده و در حدود زاویه لنگ ۳۶۸ درجه ماکزیمم فشار دیـده می شود. این رفتار، دقیقاً مطابق رفتاری است کـه در موتورهای دیزلی انتظار میرود. ماکزیمم فشار در مدل Spalart Allmaras، برابر ۸۲/۹۵ بار و برای مدل κ-ε، برابر ٧٤/٥١ بار مي باشد؛ در حالي که ايـن مقـدار برای مدل RSM ، برابر ۲۹/۱۳ بار می باشد. مقدار تجربی فشار ماکزیمم [۲۵] برای این موتور ۱۸/۹۵ بار و در زاویه لنگ ۳۶۸ درجه می باشد. همان طور که مشاهده می شود، پیک فشار در مدل RSM به نتایج تجربی نزدیکتر میباشد. بر این اساس، نتایج حاصله از حل عددی با مدل RSM با نتایج تجربی همخوانی بهتری دار د.

نتايج

در این تحقیق، شبیه سازی جریان آشفته در داخل

| شرکت سازنده | ايدم تبريز |
|----------------------------|---|
| تعداد حفره های انژکتور | عدد |
| فشار پاشش | ۱۹۵ بار |
| حداكثر توان خروجي | ۲٤۰ اسب بخار |
| دور موتور در حداکثر گشتاور | ۱٤۰۰ rpm |
| حداکثر گشتاور خروجی | ayen.m |
| دور در حداکثر توانر خروجی | ۲۲۰۰ rpm |
| نوع موتور | موتور دیزلی سنگین پاشش مستقیم، چهار زمانه |
| سيلندرها: | ۲سیلندر،بصورت سری و حالت عمودی |
| قطرپيستون*كورس | ۱۵۰ *۱۲۸ بر حسب میلیمتر |
| گنجایش | ۱۱/۵۸ (liter) |
| نسبت تراكم | ۱:۱۷ ۱ |

جدول ۳ مشخصات فنی موتور دیزل OM355



شکل ٥ منحني فشار برحسب زاويهيميل لنگ



شکل ٦ منحنی گرمای آزاد شده بر حسب زاویهی میللنگ



شکل ۷ توزیع درجه حرارت بر حسب زاویهی میللنگ



شکل ۸ مقایسهی آلاینده اکسید نیتروژن بر حسب زاویهی میللنگ



شکل ۹ مقایسهی آلاینده دوده بر حسب زاویهی میل لنگ

نقطه مرگ بالا، دو بیشینه نمودار آزادسازی انرژی به سمت هم حرکت میکنند و در نهایت در هم ادغام میشوند.

شکل (۷) توزیع درجه حرارت به ازای زوایای مختلف میل لنگ را برای سے مدل مختلف آشفتگی نشان مےدهـد. دمـای درون سـیلندر تـابع یارامترهـای مختلفي مي باشد. به عنوان مثال، افزايش راندمان حجمي منجر به افزایش دمای میانگین در SOI می شود. در خلال تراکم نیے انتقال حرارت از نوع جریان درون سیلندر اثر می پذیرد. در خلال بخش های اول تراکم دمای سیال کمتر از دمای سطح سیلندر است؛ لذا انتقال حرارت به سمتی است که دمای سیال افزایش یابد. این افزایش دما تا حدود ۳۳۵ درجه بعد از نقطه مرگ بالا ادامه می یابد، پس از آن و با ادامهی افزایش دمای سیال درون سیلندر، نرخ افزایش دما کم شده و حتی در طول ۳۵۰ درجه بعد از نقطه مرگ بالا این نرخ منفی می شود. این به این معنی است که سیال تمایل به سردتر شدن دارد. علت آن این است که در این زاویه میل لنگ، دمای سیال بسیار بالاتر از دمای سطح سیلندر و پیستون بوده،

شکل (٦) آهنگ آزاد شدن انرژی در داخل سیلندر به ازای زوایای مختلف میالنگ را برای سه مدل مختلف آشفتگی نشان میدهد. معمولاً در این نمودارها که در مراجع مربوط به موتور و احتراق در موتورهای دیزلی رسم شده، دو عدد بیشینه دیده می شود؛ اما چنانکه در شکل (٦) دیده می شود، نتیجه این شبیهسازی یک بیشینه است. دلیل ایـن تفـاوت نیـز زمانبندی یاشش است. در سال های اخیر که استاندارهای آلایندگی، محدودیت اصلی طراحان موتور می باشد، آنها را مجبور ساخته که برای بر آورده نمودن الزامات این استانداردها، تغییراتی در موتور ایجاد کنند. یکی از این تغییرات به تأخیر انداختن زیاد شروع یاشش است. بیشینهی اولی که در منحنی آزاد سازی انـرژی وجـود دارد، حاصـل احتـراق پـیشآمیختـه و بیشینهی دوم، حاصل احتراق نفوذی است؛ ولی هنگامی که پاشش دیر صورت می گیرد، مقدار احتراق ییش آمیخته به علت کاهش تاخیر در اشتعال، کاهش می یابد. از طرف دیگر، بیشینهی اول نیز دیرتر رخ می دهد؛ به طوری که با نزدیک شدن نقطهی پاشش به

به داخل محفظه احتراق تشکیل شده به دیواره های سیلندر و پیستون برخورد کرده و گردابه های مارپیچی در نزدیکی دیوارههای سیلندر تشکیل میدهند که به تدریج آنها از بین رفته و جریان دارای چرخش در محفظه حاکم می شود. پس از بسته شدن سویات های هوا و نزدیک شدن پیستون به سرسیلندر در مرحله تراکم، نرخ افزایشی چرخش سیال بیشتر میشود و چرخش سیال در نزدیکی TDC به بیشترین مقدار خود میرسد. تمرکز یافتن جـرم دارای مومنتـوم در قطـر کوچـکتـر محفظه احتراق يعنى كاسمه پيستون علت اصلى اين موضوع می باشد. به عبارت دیگر در نزدیکی های TDC گردابه های مخروطی که در مراحل قبل تولید شده بود، حالت مورب به خود گرفته و باعث به وجود آمدن چـرخش در محفظـه احتـراق مــىشـوند. در بقيــه قسمتهای این صفحه گردابه ها از قاعده معینی پیروی نمی کنند ولی جریان حاکم طوری است که باعث به وجود آمدن چرخش در محفظه احتراق می شود کـه در شکل نشان داده شده است. شکل های (۱۰) و (۱۱) و (۱۲)، بردارهای سرعت را در ٥ درجه قبل از نقطه مرگ بالابا روش های κ-ε، Spalart-Allmaras و نشان میدهند. همانطور که در شکلها مشخص است در هر سه روش، بردارهای سرعت در ناحیه مجاور دیواره های کاسه پیستون موازی دیوار (عمود بر صفحه) است. بنابراین جریان حاکم در کاسه پیستون چرخش سیال می باشد. با دقت بیشتر در بردارهای سرعت مشاهده می شود که این بردارها علاوه بر جمله مماسی (جریان چرخشی سیال) جمله شعاعی و محوری نیز دارند که این ترمها باعث به وجود آمدن گردابههای سه بعدی در کاسه پیستون می شوند. علت به وجود آمدن جمله های شعاعی و محوری در بردارهای سرعت، جریان یافتن سیال از محفظه احتراق به داخل کاسه سيلندر مي باشد. شكل هاي (١٣) و (١٤) و(١٥) ،

لذا جهت انتقال حرارت معكوس مي شود؛ يعني انتقال حرارت از سيال به سطح سيلندر و ييستون انجام می شود. با شروع احتراق دمای سیال بلافاصله افزایش یافته و نرخ افزایش دما یک جهش ناگهانی خواهد داشت که انتظار می رود؛ به علاوه در حدود زاویه لنگ ٤٠٠ برای کلیهی حالتها نرخ افزایش دما بهسمت صفر میل می کند و همان طور که در شکل مشخص است، مدل RSM پیک دمایی پایین تر و میانگین دمای کم تـری در لحظهی باز شدن سوپاپ دود نسبت به دو مدل دیگر دارد. شکلهای (۸) و (۹) تأثیر مدلهای آشفتگی را بـر آلاینده ها نشان می دهـد. همان طور کـه در شکل (۸) می توان دید، رفتار تمام مدل ها در مورد نرخ تولید NOx مشابه یکدیگر می باشد. به عبارت دیگر، در حدود زاویهی ۳۲۵ درجه NOx شروع به تولید شدن نموده، سپس با یک رشد سریع به ماکزیمم خود رسیده و در نهایت در حوالی زاویه لنگ ۲۰۰ نرخ تولید NOx تقريباً به صفر ميل مي كند. مدل RSM ميزان NOx کمتری را نسبت به مدلهای دیگر ارائه می کند. برای فهم این که چرا این مدل چنین رفتاری را از خود نشان مي دهد، كافي است به منحني دما رجوع شود، اين شكل نشان میدهد که پیک دما و دمای میانگین در مدل RSM نسبت به دو مدل دیگر کمتر است، لـذا سطح تولید NOx پایین تر از دو مدل دیگر می باشد. همان طور که در شکل (۸) مشاهده می شود، آلاینده Soot در مدل RSM نسبت به دو مدل دیگر کمتر می باشد؛ تسخیر بهتر أشفتگی توسط مـدل RSM، افـزایش آمیختگـی و کاهش آلایندگی را نسبت به دو مدل دیگر به همراه خواهد داشت.

با گذشت زمان، گردابه های مارپیچی که در مراحل قبل(مکش و تراکم) به وجود آمده، یعنی در مرحلهی مکش جت های هوا که حالت مخروطی داشته و در اثر باز شدن سوپاپهای هوا و مکش سیال نشان میدهد. همان طور که مشاهده می شود در ناحیه نزدیک به سرسیلندر و زیر سوپاپ ها انرژی جنبشی توربولانس بیشتر از وسط کاسه پیستون و نواحی دیگر میباشد. در قسمت وسط کاسه پیستون و ناحیه هایی که سرعت آشفتگی کمینه است هرسه مدل تقریباً مقدار که سرعت آشفتگی کمینه است هرسه مدل تقریباً مقدار یکسانی را نشان میدهند ولی در ناحیه هایی که سرعت آشفتگی بیشینه است، نتایج مدل ها متفاوت هستند. به عبارت دیگر مدل RSM مقادیر و نواحی بیشتری را در نزدیک سرسیلندر و زیر سوپاپ ها در مقایسه با مدل عرب مدل.

بردارهای سرعت را در ۵ درجه بعد از نقطه مرگ بالا با روشهای RSM ه می دهان های Spalart-Allmaras ه می دهند همان طور که مشاهده می شود در جریان با مدل RSM توزیع بردارهای سرعت نسبت به دو مدل دیگر متفاوت می باشد در حالی که نتایج مدل های ع- م و Spalart-Allmaras تقریباً مشابه است.

شکلهای (۱٦) و (۱۷) و(۱۸)، مقایسه کانتورهای سرعت جریان را برای سه مدل اشاره شده نشان میدهد، رفتار کانتورها برای هر سه مدل در مکانهای مختلف تقریباً مشابه است. شکلهای (۱۹)، (۲۰) و (۲۱) انرژی جنبشی توربولانس را برای هرسه مدل

مقایسه بردارهای سرعت در ۳۵۵ و ۳٦۵ درجه میل لنگ



شکل ۱۰ بردارهای سرعت در ۵ درجه قبل از TDC (Spalart-Allmaras)



شکل ۱۱ بردارهای سرعت در ۵ درجه قبل از K-epsilon) TDC (K-epsilon)



شکل ۱۲ بردارهای سرعت در ۵ درجه قبل از RSM) (RSM)



شکل ۱۳ بردارهای سرعت در ۵ درجه بعد از TDC (Spalart-Allmaras)



شکل ۱٤ بردارهای سرعت در ۵ درجه بعد از K-epsilon) TDC (K-epsilon)







شکل ۱۲ کانتور های سرعت جریان در ۵ درجه بعد از Spalart-Allmaras) TDC)



شکل ۱۷ کانتورهای سرعت جریان در ۵ درجه بعد از K-epsilon) TDC (K-epsilon)



شکل ۱۸ کانتورهای سرعت جریان در ۵ درجه بعد از TDC (RSM)



شکل ۱۹ کانتورهای انرژی جنبشی توربولانس در ۵ درجه بعد از TDC (Spalart-Allmaras)



شکل ۲۰ کانتورهای انرژی جنبشی توربولانس در ۵ درجه بعد از K-epsilon) TDC)



شکل ۲۱ کانتورهای انرژی جنبشی توربولانس در ۵ درجه بعد از RSM) (RSM)

۲. در هرسه مدل، سرعت آشفتگی در ناحیهی نزدیک به میباشد. درقسمت وسط کاسه پیستون و ناحیههایی که سرعت آشفتگی کمینه است، هرسـه مـدل تقریبـاً مقدار یکسانی را نشان میدهند؛ ولی در ناحیـههـایی و نواحی بیشتری را در مقایسه با مدل ٤- ٢ و Spalart-Allmaras نشان می دهد.

نتيجه گيري بهطور خلاصه، نتایج ذیل را می توان از مطالعات انجـام می سرسیلندر و زیر سویاپهـا بیشـتر از نـواحی دیگـر شده در تحقیق حاضر استخراج نمود: ۱. مدل آشفتگی RSM به دلیل پیش بینی بهتر جریان در مقایسه با مدلهای K – ٤ و Spalart-Allmaras، در نمودار P-B مخصوصاً در نزدیکی پیک فشار نتایج که سرعت آشفتگی بیشینه است، مدل RSM مقادیر نزدیکتری را به جریان واقعی داخل موتـور ارائـه می نماید؛ هر چند مدل ۴-۲ نیز در مقایسه با مدل Spalart-Allmaras نتایج بهتری را ارائه می کند.

مراجع

- 1. Kang, K. Y. and Reitz, R. D., " Intake Flow Structure and Swirl Generation in a Four-Valve Diesel Engine", Spring Technical Conference, ASME, ICE-vol. 32-2, Paper no. 99-ICE-182, (1999).
- 2. Yun, J. E. " New Evaluation Indices for Bulk Motion of In-Cylinder Flow Trough Intake Port System In Cylinder Head" .Proc IMechE, Part D, J. Automobile Eng, 216, pp.513-521 (2002).
- 3. Desantes, J. M. and Pastor, J. V., "Doudou A. Study of the Flow Produced by Direct Injection Diesel Engine Intake Ports", Proc IMechE, Part D, 215, pp. 285-98, (2001).

- Arcoumanis, C., Whitelaw, J. H., Hentschel, W. and Schindler, K. P., "Flow and Combustion In a Transparent 1.9 In Direct Injection Diesel Engine", IMechE D, 208, pp.191-205 (1994).
- Hirt, C. W., Amsden, A. A., and Cook, J. L.," An arbitrary Lagrangian-Eulerian Computing Method for All Flow Speed", *J. Comput.* Phys., Vol 14, No 13, (1947).
- Gosman, A. D., Tsui, Y. Y. and Watkins, A. P., "Calculation of Three Dimensional Air Motion in Model Engines", SAE 840229, (1984).
- 7. Kono, S., Terashita, T. and Kudo, H., "Study of the swirl effects on spray formations in DI engines by 3D numerical calculations. SAE 910264, (1991).
- Zur Loye AO, Siebers DL, Mckinley TL, Ng HK, Primus RJ. Cycle-resolved LDV measurements in a motored Diesel engine and comparison with k-e model predictions. SAE 890618, (1989).
- 9. Brandstatter W., Johns RJR, Wigley G. The effect of inlet port geometry on in-cylinder flow structure, SAE 850499, (1985).
- Arcoumanis C., Begleris P., Gosman AD, Whitelaw JH., Measurement and calculations of the flow in a research Diesel engine. SAE 861563, (1986).
- 11. Chen A, Veshagh A, Wallace S. Intake flow predictions of a transparent DI Diesel engine. SAE 981020, (1998).
- 12. Wook Choi et al, In cylinder flow field Analysis of a single cylinder direct Enjection diesel engine using PVI and CFD, SAE2003-01-(1846).

۱۳. خالقی؛ ح، نبی فر؛ م.ر، "تحلیل عددی جریان داخل سیلندر در موتورهای احتراق داخلی با استفاده از مدل توربولانسی تنش های رینولدز." نشریهی بین المللی علوم مهندسی، شمارهی ۱، جلد ۱۸، صفحهی ۹۲–۸۱ دانشگاه علم و صنعت ایران، ویژهنامهی مهندسی مکانیک، بهار(۱۳۸۹).

- 14. Help of CFD AVL FIRE Software, Part: "Equation".
- 15. Wilcox D. C., Turbulence Modeling for CFD. DCW Industries, Inc., La Canada, California, (1998).
- 16. Rodi, W., Turbulence Models and their Applications in Hydraulics, book publication of the int. Association for Hydraulic Research Netherlands, (1980).
- Dukowicz, J. K., Quasi-Steady Droplet Change in the Presence of Convection, Informal Report Los Almos Scientific Laboratory LA7997-MS.
- Patterson, MA., Reitz, R.D., Modeling the Effect of Fuel Spray Characteristic on Diesel Engine Combustion and Emission, SAE Paper NO. 980131, (1998).
- 19. Naber, J. D., Reitz, R.D., Modeling Engine Spray/Wall Impingement, SAE Paper NO. 880107, 1988.
- 20. Halstead, M., Kirsch, L., Quinin, C., The Auto ignition of Hydrocarbon Fueled at High Temperatures and Pressures–Fitting of a Mathematical Model, Combustion Flame, Vol. 30, pp 45-60, (1977).
- Kong, S., Han, Z., Reitz, R., The Development and Application of a Diesel Ignition and Combustion Model for Multidimensional Engine Simulation, SAE Paper NO. 950278, (1995).

- 22. AVL Fire, V8.3. Help. Part: General Species Transport Model Equation, Page 11.
- 23. Magnussen, B. F., Hjertager, B. H., On Mathematical Modeling of Turbulent Combustion with Special Emphasis on Soot Formation and Combustion, Sixteenth International Symposium on Combustion Pittsburgh: The Combustion Institute, (1977).
- 24. Nagle, J., Strickland-Constable, R. F., Oxidation of Carbon between 1000-2000 C, *Proceedings of the Fifth Conference on Carbon*, New York: Pergamon, (1962).
- ۲۵. سازمان بهینه سازی مصرف سوخت کشور، "طرح تبدیل موتورهای OM314 و OM355 بـ دوگانـهسـوز گازوییـل و گاز طبیعـی"، گزارش سازمان بهینه سازی مصرف سوخت، (۱۳۸۰).